

THE SHORT SCALE (HOURLY) RAINFALL MODELING FOR INTENSITY BASED ON STORM ANALYSIS EVENTS (SEA) USING SOME PROBABILITY DISTRIBUTIONS

TUGAS AKHIR

Diajukan sebagai Salah Satu Syarat
untuk Memperoleh Gelar Sarjana Sains
pada Program Studi Matematika

oleh:

LISA RAHAYU
11754202161



UIN SUSKA RIAU

UIN SUSKA RIAU

FAKULTAS SAINS DAN TEKNOLOGI
UNIVERSITAS ISLAM NEGERI SULTAN SYARIF KASIM RIAU
PEKANBARU
2023

Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:
 - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.



LEMBAR PERSETUJUAN

THE SHORT SCALE (HOURLY) RAINFALL MODELING FOR INTENSITY BASED ON STORM ANALYSIS EVENTS (SEA) USING SOME PROBABILITY DISTRIBUTIONS

TUGAS AKHIR

oleh:

LISA RAHAYU
11754202161

Telah diperiksa dan disetujui sebagai laporan tugas akhir
di Pekanbaru, pada tanggal 11 Januari 2023

Ketua Program Studi

Wartono, M.Sc.
NIP. 19730818 200604 1 003

Pembimbing

Dr. Rado Yendra, M.Sc
NIP. 19751115 200801 1 010

© Hak cipta milik UIN Suska Riau

Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:
 - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

State Islamic University of Sultan Syarif Kasim

UIN SUSKA RIAU



LEMBAR PENGESAHAN

THE SHORT SCALE (HOURLY) RAINFALL MODELING FOR INTENSITY BASED ON STORM ANALYSIS EVENTS (SEA) USING SOME PROBABILITY DISTRIBUTIONS

TUGAS AKHIR

oleh:

LISA RAHAYU
11754202161

Telah dipertahankan di depan sidang dewan penguji sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar Sarjana Sains Fakultas Sains dan Teknologi Universitas Islam Negeri Sultan Syarif Kasim Riau di Pekanbaru, pada tanggal 11 Januari 2023

Pekanbaru, 11 Januari 2023
Mengesahkan

Ketua Program Studi

Wartono, M.Sc.
NIP. 19730818 200604 1 003

Dekan



Dr. Hartono, M.Pd.
NIP. 19640301 199203 1 003

DEWAN PENGUJI

- Ketua** : Fitri Aryani, M.Sc
Sekretaris : Dr. Rado Yendra, M.Sc
Anggota I : Ari Pani Desvina, M.Sc
Anggota II : Rahmadeni, S.Si., M.Si

© Hak cipta milik UIN Suska Riau

Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:
 - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.



Lampiran Surat :

Nomor : Nomor 25/2021

Tanggal : 10 September 2021

SURAT PERNYATAAN

Saya yang bertandatangan di bawah ini :

Nama : Lisa Rahayu

NIM : 11754202161

Tempat/ Tgl. Lahir : Batu Belah / 21 Maret 1999

Fakultas/Pascasarjana : Sains dan Teknologi

Prodi : MATEMATIKA

Judul Disertasi/Thesis/Skripsi/Karya Ilmiah lainnya*:

THE SHORT SCALE (HOURLY) RAINFALL MODELLING FOR INTENSITY BASED
ON STORM ANALYSIS EVENTS (SEA) USING SOME PROBABILITY DISTRIBUTIONS

Menyatakan dengan sebenar-benarnya bahwa :

1. Penulisan Disertasi/Thesis/Skripsi/Karya Ilmiah lainnya* dengan judul sebagaimana tersebut di atas adalah hasil pemikiran dan penelitian saya sendiri.
2. Semua kutipan pada karya tulis saya ini sudah disebutkan sumbernya.
3. Oleh karena itu Disertasi/Thesis/Skripsi/Karya Ilmiah lainnya* saya ini, saya nyatakan bebas dari plagiat.
4. Apa bila dikemudian hari terbukti terdapat plagiat dalam penulisan Disertasi/Thesis/Skripsi/(Karya Ilmiah lainnya)* saya tersebut, maka saya bersedia menerima sanksi sesuai peraturan perundang-undangan.

Demikian Surat Pernyataan ini saya buat dengan penuh kesadaran dan tanpa paksaan dari pihak manapun juga.

Pekanbaru, 11 Januari 2023

Yang membuat pernyataan



LISA RAHAYU

NIM : 11754202161

*pilih salah satu sesuai jenis karya tulis

LEMBAR HAK ATAS KEKAYAAN INTELEKTUAL

Tugas Akhir yang tidak diterbitkan ini terdaftar dan tersedia di Perpustakaan Universitas Islam Negeri Sultan Syarif Kasim Riau adalah terbuka untuk umum dengan ketentuan bahwa hak cipta pada penulis. Referensi perpustakaan diperkenankan dicatat, tetapi pengutipan atau ringkasan hanya dapat dilakukan seizin penulis dan harus disertai dengan kebiasaan ilmiah untuk menyebutkan sumbernya.

Penggandaan atau penerbitan sebagian atau seluruh Tugas Akhir ini harus memperoleh izin dari Dekan Fakultas Sains dan Teknologi Universitas Islam Negeri Sultan Syarif Kasim Riau. Perpustakaan yang meminjamkan Tugas Akhir ini untuk anggotanya diharapkan untuk mengisi nama, tanda peminjaman dan tanggal pinjam.

Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:
 - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

LEMBAR PERNYATAAN

Dengan ini saya menyatakan bahwa dalam Tugas Akhir ini tidak terdapat karya yang pernah diajukan untuk memperoleh gelar kesarjanaan di suatu Perguruan Tinggi, dan sepanjang pengetahuan saya juga tidak terdapat karya atau pendapat yang pernah ditulis atau diterbitkan oleh orang lain kecuali yang secara tertulis diacu dalam naskah ini dan disebutkan dalam daftar pustaka.

Pekanbaru, 11 Januari 2023
Yang membuat pernyataan,

LISA RAHAYU
11754202161

UIN SUSKA RIAU

Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:
 - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.



LEMBAR PERSEMBAHAN

“Belajarlalah kamu semua, dan mengajarlah kamu semua, dan hormatilah guru-gurumu, serta berlaku baiklah terhadap orang yang mengajarkanmu.”
(HR. Thabrani)

Alhamdulillahirabbil’alamiin

Segala puji bagi Allah *Subhanahu Wa Ta’ala* yang telah melimpahkan rahmat dan nikmat-Nya.

Semoga kita semua selalu dalam lindungan Allah *Subhanahu Wa Ta’ala*.
Shalawat beserta salam juga selalu tercurahkan kepada Nabi kita, Muhammad
Shalallahu ‘Alaihi Wasalam dengan mengucapkan “*Allahummaa shalli’alaa
sayyidinaa muhammad wa’alaa aalii sayyidinaa muhammad*”.

**Karya kecilku ini kupersembahkan kepada orang yang sangat kusayangi
dan kukasihi,**

Ayah dan Ibuku

Teruntuk Ayahanda dan Ibundaku yang hebat, yang paling kucintai, hanya terima kasih sangat tak terhingga yang mampu kuucapkan pada saat ini. Terima kasih atas segala do’a, usaha, dukungan, dan kasih sayang yang tak henti-hentinya sehingga aku selalu kuat dalam menghadapi rintangan yang ada. Yaa Allah, berikanlah mereka berdua umur yang berkah. Hadiahkanlah Surga Firdaus-Mu untuk mereka, serta jauhkanlah mereka dari panasnya api neraka-Mu.

Untuk Ayah (Ari Widodo) dan Ibu (Dasmawilis).

Adik, seluruh keluarga, dan diriku sendiri

Terima kasih teruntuk adik kecilku Shalla Madina yang beranjak dewasa, telah menjadi penyemangat dan yang selalu mendampingi. Juga terima kasih teruntuk seluruh anggota keluarga besar atas segala dukungan dan nasihatnya selama penulis menempuh pendidikan hingga saat ini. Terima kasih pula untuk diriku sendiri—Lisa Rahayu—yang pantang menyerah dan selalu percaya pada kasih cinta Allah *Subhanahu Wa Ta’ala* yang tiada batas.

Untuk pembimbingku (DR. Rado Yendra, S.Si, M.Sc)

Terima kasih untuk segalanya, terutama kesabaran dan keikhlasan dalam membimbing diri ini yang masih lalai dan banyak kekurangan.
Terima kasih telah memberikan masukan dan dukungan di setiap kebuntuan, serta memberikan nasihat dan motivasi untuk menyelesaikan Tugas Akhir ini.

Untuk semua teman-teman dan sahabatku

Terima kasih untuk seluruh teman, khususnya sahabatku tersayang—Nur Khasanah, Fitri Kurniyawati, Halimah Tun Satdiah, Nadiatul Khairi, Ricken H. Vito serta teman-teman angkatan 17 terkhusus kelas B. Terima kasih karena telah memberikan dukungan, bantuan, dan semangat ketika dalam kesulitan.

Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:
 - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.



Original Article

The Short Scale (Hourly) Rainfall Modeling For Intensity Based On Storm Analysis Events (SEA) Using Some Probability Distributions

Lisa Rahayu¹, Rado Yendra², Muhammad Marizal³, Ari Pani Desvina⁴, Rahmadeni⁵

Department of Mathematics, Faculty of Science and Technology, Universitas Islam Negeri Sultan Syarif Kasim Riau, Indonesia

lisa.rahayu.student@uin-suska.ac.id, m.marizal@uin-suska.ac.id

Revised:

Accepted:

Published: (Size9)

Abstract Storm amount (SA), storm intensity (SI), and storm duration (SD) are three external measurements that can be used to describe short-scale rainfall modeling based on storm process. This study displays the distribution that fits the SI data the best, which is based on hourly rainfall data from 1970 to 2008 at the Alor Setar station in Peninsular Malaysia. Gamma, Weibull, and Log Normal distributions with two parameters are taken into consideration. The Bayesian Maximum Likelihood (MLE) approach is used to determine these distributions' parameters. Then it is determined how well theoretical data and model distributions fit one another (GOF). The outcome demonstrates that the stations discovered that the MLE approach provide the best SI modeling, specifically for Log-Normal distribution. We can reliably forecast the future risks associated with the SI based on the stated model.

Keywords Storm, Storm Amount, Storm Intensity, Storm Duration, MLE.

Introduction

Statistical modeling is very important to overcome the problems that arise due to climate change issues. The construction of structures like seawalls, bridges, and buildings might benefit from knowing the probabilities of certain natural phenomenon events, such as changes in sea level and wind speed. The data can be used to evaluate the threat posed by other phenomena, such as precipitation and pollution. Climate change is frequently linked to episodic rainfall events like hourly showers, which can be followed by a string of natural disasters like flash floods and landslides. Decision-makers can use scale rainfall data analysis to plan strategies to lessen or mitigate the effects of disasters by taking this occurrence into consideration. The issue of rain on short scale becomes very important when it is connected with the occurrence of flooding in big cities, rain that occurs for 2 hours continuously has been able to flood some areas in big cities. Statistical modeling for short-scale rain requires a method that can extract short-scale rain data into important variables, namely amount, duration, and intensity. This method is known as the storm event analysis (SEA) theory [1-3]. Earlier research offers a few ways to view storm event analysis (SEA) in their analysis, including [4-12]. The research is dominated by the determination of the best probability distribution and the relationship between the marginal distribution of each variable associated with the copula model. A bivariate exponential [13], a bivariate gamma [14], a bivariate lognormal [15], or a bivariate extreme value distribution [16] are examples of probability distributions that are expected to be either normal [17] or to have the same type as the marginals. Storm rainfall is actually a complex event, and its marginal distributions aren't always comparable or distributed as usual. Other distributions should be taken into account since they might result in more accurate rainfall forecasts. With the copula approach, multivariate problems can be solved with a wider range of marginal distributions and dependent structures [18]. Over the past ten years, various copula forms have been applied to hydrology. Among them are the Archimedean copulas [19 – 22], the Farlie-Gumbel-Morgenstern (FGM) copula [23], and elliptic copulas like the Gaussian copula [24]. This study's goals are to: (1) use the SEA approach to derive short scale rainfall variables, (2) determine some modeling for the storm intensity (SI) from some probability models (3) test the model distributions using the Good of Fit Test for the short scale rainfall data from the rain gauge station Alor Setar, Malaysia. The several methods for Good of Fit test in determining the best model, such as the graphical method and the numerical method, will be carried out in this study. The graphical method will be carried out by comparing the pdf, CDF, and QDF (the inverse of CDF, known as quantile function) of each model while the numerical values of AIC and BIC will complete this research as a representation of the numerical method. Model selection using the graphical method often gives the same results for each model but using the numerical method will result in the selection of the best model. Easy based on the lowest value generated by AIC and BIC



Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang
1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya ini tanpa mengacukan sumbernya.
a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, dan pertukaran ilmu pengetahuan.
b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.
2. Dilarang mengumpukan dan memperbanyak karya ini dalam bentuk apapun untuk di jual atau diperjualbelikan secara komersial.
© Hak Cipta Milik UIN Suska Riau
Jurnal Matematika, Fakultas Sains dan Teknologi, Universitas Islam Negeri Sultan Syarif Kasim Riau

Data and definition of storm

The Department of Drainage and Irrigation provided the data, which consists of hourly rainfall data from rain gauge sites in Peninsular Malaysia between 1970 and 2008. First, the SEA definition must be used to get the hourly rain data from Scala. The definition of the intervention period has a significant impact on how a SEA is defined. Inter-event time definition (IETD) is the shortest amount of time that must pass between two successive storm events. The dry interval between two separate storm events must therefore be at least as long as the IETD value. The serial correlation between two separate storms is minimized by the selection of the IETD values [25]. Because rainfall time concentrations of less than 6 hours will allow the response from subsequent storms to look independent, the IETD for small urban watersheds is typically taken to be 6 hours. Storm depth is measured by the total amount of rain it has produced, with at least one wet hour both before and after intervals of less than six hours or none at all. Storm depth is the ratio of storm depth to storm duration, while storm intensity is the time span during which a storm occurs. SA, SD, and SI are the data derived from the rainfall data. Figure 1 shows details and the description of this storm. Let n_i be the duration hour for the i th storm, and let X_{ij} be j -th rainfall mm .

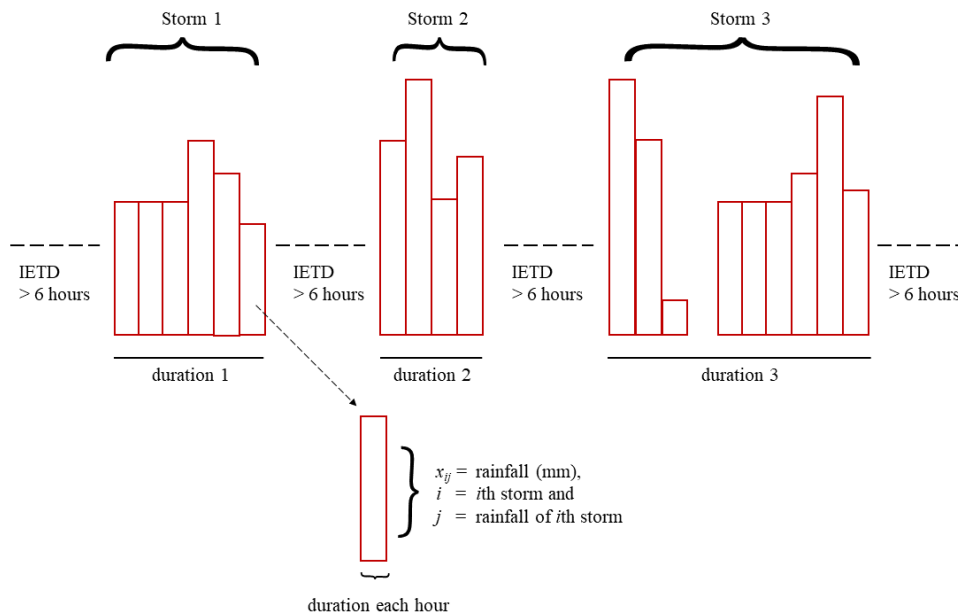
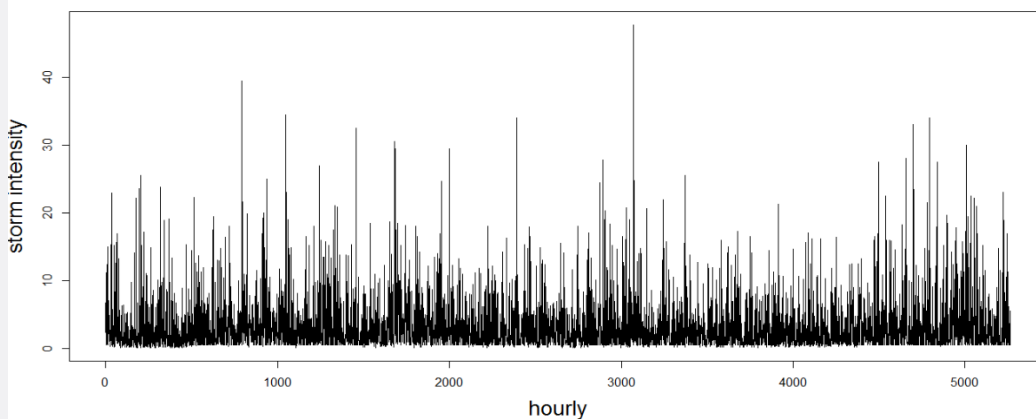


Fig. 1 Definition of storm

The data that has been extracted based on SEA will be broken down into storm intensity rate data for each storm that is generated as shown in Figure 2. Initial information about SI in the form of statistical information can be described in table 1. The values shown are descriptive statistics that generally describe the SI data obtained, such as the average value, variance, kurtosis, skewness, and maximum and minimum data. From table 1 it can be seen that the skewness value is very small and the kurtosis value is smaller than 1, this can mean that unequal opportunity models such as Weibull, Gamma, and Log Normal can be used in modeling SI data in this research. This is also clarified by the data histogram shown in Figure 3, in this figure it can be seen that the three probability models used in this study have the right reasons for their use.





1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mengutip sumbernya.
 a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, pertukaran pikiran dan penyebaran informasi yang bersifat akademik atau tinjauan kritis.
 b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.
 2. Dilarang mengumpukan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

Fig 2. The Storm Intensity short scale rainfall (hourly)

Table 1. Descriptive Statistics of storm intensity data

| mean | var | skewness | kurtosis | minimum | maximum |
|------|-------|-----------------------|----------|---------|---------|
| 3.28 | 15.85 | 5.37×10^{-7} | 0.08 | 0.1 | 47.75 |

Histogram of Storm Intensity

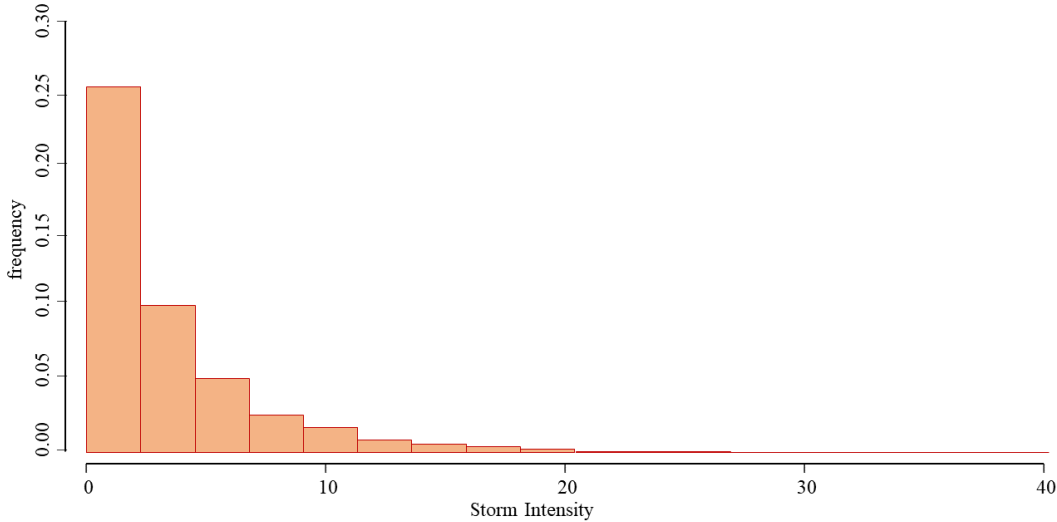


Fig 3. The Histogram of Storm Intensity (SI)

Method

Density Function and Cumulative Function

The Storm Intensity (SI) modeling requires analysis of the SI that comes to form the extraction of short scale rainfall data. Probability density functions are the main instruments for describing the SI features. In this study, three two-parameter probability density functions like Weibull, Gamma, and Log Normal will be used. Table 2 shows the pdf and Cdf for each distribution we take into account, where y stands for the observed values of the random variable used to represent the event of interest.

Table 2. Pdf and Cdf distributions model

| Distribution | PDF ($f(y)$) and CDF ($F(y)$) |
|---------------------------------|--|
| Weibull ($x; \eta, \kappa$) | $f(x) = \frac{\eta}{\kappa} \left(\frac{x}{\kappa}\right)^{\eta-1} e^{-\left(\frac{x}{\kappa}\right)^\eta}, x > 0, \eta, \kappa > 0$ $F(x) = 1 - e^{-\left(\frac{x}{\kappa}\right)^\eta}$ |
| Gamma ($x; \alpha, \beta$) | $f(x) = \frac{1}{\beta^\alpha \Gamma(\alpha)} x^{\alpha-1} e^{-\frac{x}{\beta}}, x > 0, \alpha, \beta > 0$ $F(x) = \frac{1}{\beta^\alpha \Gamma(\alpha)} \int_0^x t^{\alpha-1} e^{-\frac{t}{\beta}} dt$ |
| Log Normal ($x; \mu, \sigma$) | $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} e^{-\frac{(\log \log x - \mu)^2}{2\sigma^2}}, x > 0, \mu, \sigma > 0$ $F(x) = \Phi\left(\frac{\log \log x - \mu}{\sigma}\right)$ <p>where Φ is the cumulative distribution function of the standard normal distribution (i.e., $N(0,1)$).</p> |

Parameter estimation is the first thing that must be done in probability modeling. Like most studies that have been done, it can be concluded that the maximum likelihood (MLE) method is the most dominant used in this case. Since the MLE function for this model is implicit and complicated, we won't go into great depth about it in this work.

Table 2. Computed parameters of different distribution

| | η | κ | α | β | μ | σ |
|------------|--------|----------|----------|---------|-------|----------|
| Weibull | 0.96 | 3.21 | | | | |
| Gamma | | | 1.02 | 3.22 | | |
| Log Normal | | | | | 0.62 | 1.08 |

A numerical approach, termed Newton's Rhapsion, is needed to solve the nonlinear equation caused by the maximum log-likelihood function (ML). However, iteration systems have employed this technique to identify solutions. For this method, a number of beginning settings have been tested. The chosen estimation parameter can be thought of as the value that is iterated

if the initial value utilized does so or if the iterations converge to that value. In this study, the MLE method is also the main choice to be used in generating parameter estimates. After the parameter estimation is obtained, the next test in selecting the best model is using the graphical method and numerical method will be carried out.

Maximum Likelihood and Goodness of Fit Tests

Let (y_1, y_2, \dots, y_n) is a randomly chosen sample from four PDFs, Table 3 displays the natural log probability ($\ln L$). The following nonlinear problem is solved by the MLE $\hat{\theta}$ of θ since it is the answer to the equation $\frac{d \ln L}{d \theta} = 0$. The best distribution is determined utilizing the findings from various goodness-of-fit tests. The GOF tests taken into consideration are based on numerical criteria and the graphical inspection probability density function (PDF). To ascertain the distributions' goodness of fit standards, Akaike's information criterion (AIC) and Bayesian information criterion (BIC) were used. The majority of the time, graphical inspection produced the same outcome, however the AIC and BIC findings varied. The distribution with the lowest AIC and BIC values was determined to be the best fit outcome. The following formulas are used to calculate AIC and BIC:

$$AIC = -2 \log L + 2P;$$

$$BIC = -2 \log L + P \log i ,$$

where P = number of parameters, i = number of samples

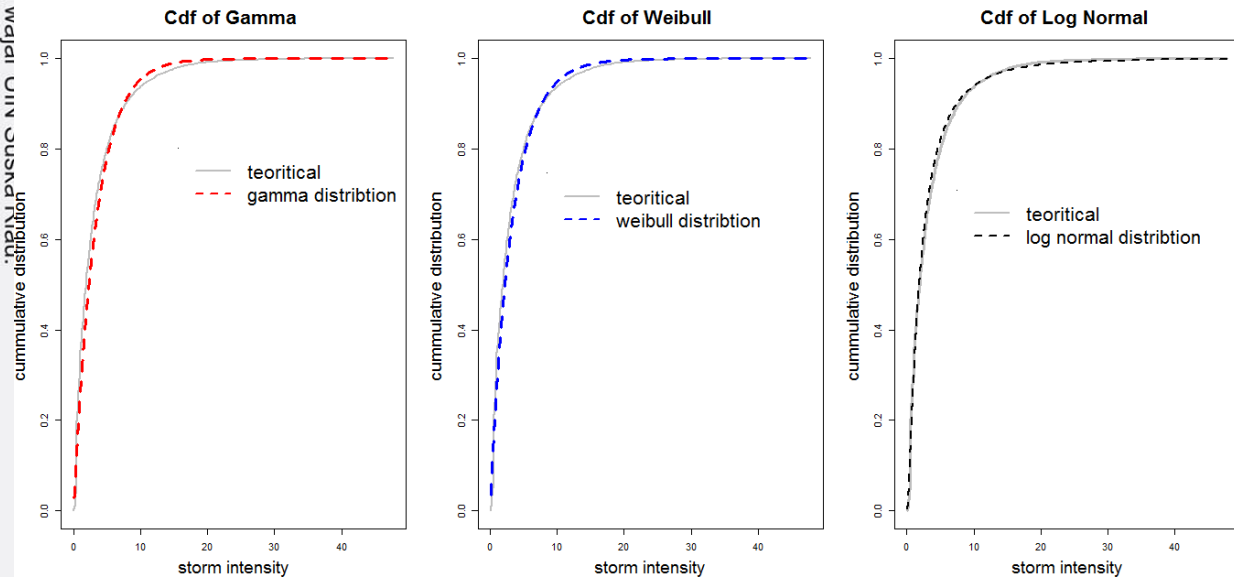


Fig 4. Cdf plot for comparisons Predicted and observed for SI data

Result

In this study, the parameters of the three probability distributions will be estimated using the MLE method as presented in table 2. Based on these parameters, pdf plots for all distributions in this paper will be created and will be used to test the goodness of fit of the model by looking at the ability of the plots to approach the SI histogram data, as depicted in Figure 4. In this figure, it can be seen that the models used have different capabilities in approaching the histogram. Figure 5 shows that the two parameters distribution such as Weibull, Gamma, and Log Normal are able to approach the histogram or the frequency of SI data that occurs in Malaysia.

2. Dilarang mengemukakan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apa pun, termasuk fotokopi, rekam, atau dengan cara lain, tanpa izin dari UIN Suska Riau.

Penyusunan Kritik atau tinjauan masalah.

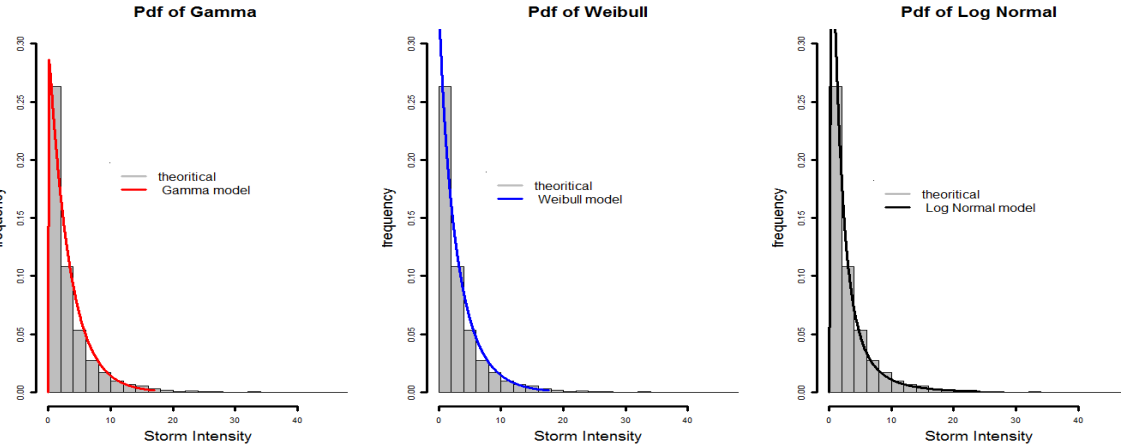


Fig. 5 Histogram Probability density function

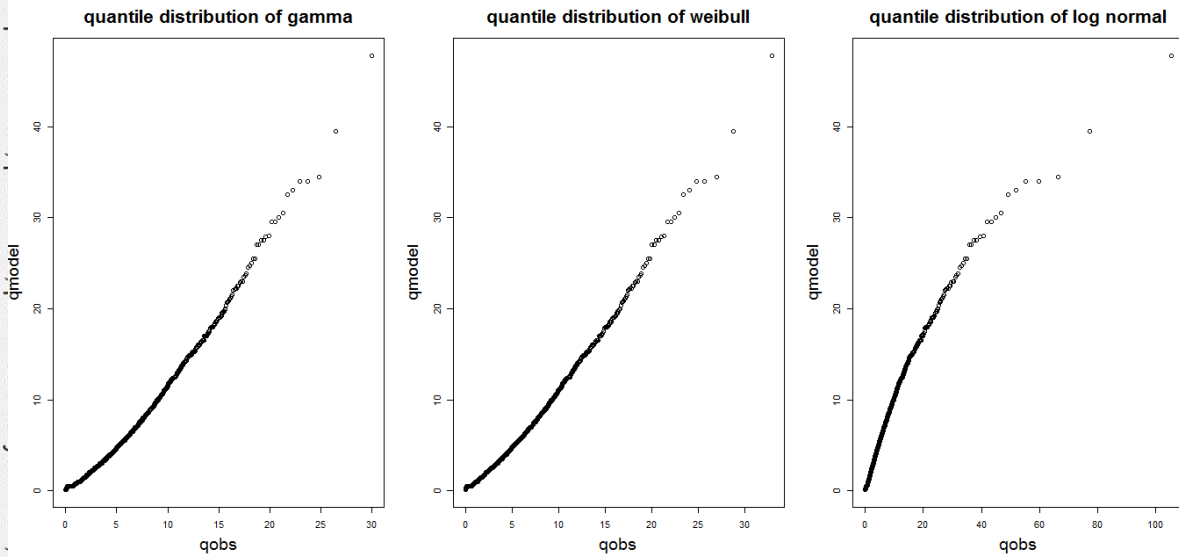


Fig 6. Qdf plot for comparisons Predicted and observed for SI data

Results that are not much different in testing the goodness of fit of the models are also shown by the graph of the inverse cumulative distribution or better known as the QDF (quantile) plot as shown in Figure 6. From the goodness of fit test of the model using this graphical method, it is very clear that the pdf, CDF, and QDF plots give very clear results that the two-parameter distributions such as Weibull, Gamma, and Log Normal are the best model in analyzing the frequency of SI data. Numerical methods such as AIC, BIC, and $\ln(L)$ values for the goodness-of-fit test were also used in this study. These three values for each distribution used will be presented in table 3. Based on the values in the table, it can be concluded that the two-parameter distribution namely Log Normal distribution is the best model because it has the smallest AIC and BIC values. Table 3 is also equipped with tests of model goodness such as log-likelihood (Log L) model, from the values presented it can also be concluded that the distribution of the Log-Normal two parameters is the best in this study.

Table 3. The GOF test result

| | Weibull | Gamma | Log Normal |
|---------|-----------|-----------|------------|
| AIC | 23019.25 | 23037.48 | 22311.46 |
| BIC | 23032.39 | 23050.62 | 22324.6 |
| Log (L) | -11507.63 | -11516.74 | -11153.73 |

Conclusion

This study examined the likelihood that storm intensity (SI) events would occur at Peninsular Malaysian rain gauge sites. The Gamma, Weibull, and Log-Normal probability distributions were chosen to best suit the data. MLE performed an analysis of the several types of data included in this study, focusing on estimating the three probability distributions' parameters. The MLE performed well in this study, as could be shown in this publication. This study is focused to analyze the frequency of SI



data caused short scale (hourly) rainfall, to identify the appropriate three models or distributions that can be used to describe the distribution of the SI data. It is concluded that the Log Normal two parameters distribution returned better results when compared with other well-known distributions. This conclusion is based on widely used goodness of fit test models such as Anderson-Darling, Kolmogorov-Smirnov, and Chi-Square. The graphical technique namely pdf, CDF, and QDF plots were also observed comparing the empirical distribution with the adjusted Log Normal two parameters distribution. In addition, through the best model in this study, we can use the distribution of the quantile function to simulate the SI data for the future.

References

- [1] Adams, H. G. Fraser, C. D. D. Howard, and M. S. Hanafy. "Meteorological data analysis for drainage design". *Journal of Environmental Engineering*, vol. 112, no. 2, pp. 827-848, 1986.
- [2] Adams, and F. Papa. "Urban stormwater management with analytical probabilistic model". Jhon Wiley and Sons Inc Toronto, Ontario. 2000.
- [3] Asquith, M. C. Roussel, T. G. Cleveland, X. Fang, and D. B. Thompson. "Statistical characteristics of interevent time, depth, and duration for eastern New Mexico, Oklahoma, and Texas. Texas Department Transportation and U.S". Geological Survey, Austin, Texas. 2006.
- [4] Eagleson. "Dynamics of flood frequency". *Water Resources Research*, Vol. 4, no. 8, pp. 878-897, 1972.
- [5] Guo, and B. J. Adams. "Hydrologic analysis of urban catchments with event-based probabilistic models 2. discharge rate". *Water Resources Research*, Vol. 34, no. 12, pp. 3421-3431, 1998.
- [6] Guo, and B. J. Adams. "Hydrologic analysis of urban catchments with event-based probabilistic models 1. Runoff volume". *Water Resources Research*, Vol. 34, no. 12, pp. 3433-3443, 1998.
- [7] Goel, R. S. Kurothe, B. S. Mathur, and R. M. Vogel. "A derived flood frequency distribution for translated rainfall rainfall intensity and duration". *Journal of Hydrology*, vo. 228, pp. 56-67, 2000.
- [8] De Michele, and G. Salvadori. "A Generalized Pareto intensity-duration model of storm rainfall exploiting 2-Copulas". *J. Geophys. Res.* Vol. 108, no. D2, pp. 4067, 2003.
- [9] Rivero, J. Gironas, J. P. Montt, and B. Fernandez. "An analytical model for hydrologic analysis in urban watersheds. In: Proceedings of the 10th International Conference on Urban Drainage". Copenhagen, Denmark. 2005.
- [10] Kao, and R. S. Govindaraju. "Probabilistic structure of storm surface runoff considering the dependence between average intensity and storm duration of rainfall events". *Water Resour. Res.* Vol. 43, no. 6, pp. W06410, 2007..
- [11] Zhang, and V. P. Singh. "Bivariate rainfall frequency distributions using Archimedean copulas". *J. Hydrol.*, vol. 332, no. 1-2, pp. 93-109, 2007.
- [12] Galynchuk, and Y. Guo. "Threshold analysis of rainstorm depth and duration statistics at Toronto, Canada". *J. Hydrol.* Vol. 348, no. (3-4), pp. 535-545, 2008.
- [13] Favre, A. Musy, and S. Morgenthaler. "Two-site modeling of rainfall based on the Neyman-Scott process". *Water Resour. Res.* Vol. 38, no. 12, pp. 1307, 2002.
- [14] Yeh, T. Ouarda, and B. Bobee. "A review of bivariate gamma distributions for hydrological application". *J. Hydrol.* Vol. 246, no. 1-4, pp. 1-18, 2001.
- [15] Yue. "The bivariate lognormal distribution for describing joint statistical properties of a multivariate storm event". *Environmetrics*, vol. 13, no. 8, pp. 811-819, 2002.
- [16] T. Shiau. "Return period of bivariate distributed extreme hydrological events. Stoch. Environ". *Res. Risk A* vol. 17, no. 1, pp. 42-57, 2003.
- [17] Yue. "Joint probability distribution of annual maximum storm peaks and amounts as represented by daily rainfalls". *Hydrol. Sci. J.* vol. 45, no. 2, pp. 315-326, 2000.
- [18] Kao, and R. S. Govindaraju. "Trivariate statistical analysis of extreme rainfall events via the Plackett family of copulas". *Water Resour. Res.* Vol. 44, no. 2, pp. W02415, 2008.
- [19] De Michele, and G. Salvadori. "A Generalized Pareto intensity-duration model of storm rainfall exploiting Copulas". *J. Geophys. Res.* Vol. 108, no. D2, pp. 4067, 2003.
- [20] De Michele, G. Salvadori, M. Canossi, A. Petaccia, and R. Rosso. "Bivariate statistical approach to check adequacy of dam spillway". *J. Hydrol. Eng.* Vol. 10, pp. 50, 2005.



[21] G. Salyadori, and C. De Michele. "Frequency analysis via copulas: theoretical aspects and applications to hydrological events". *Water Resour. Res.* Vol. 40, no. 12, pp. W12511, 2004.

[22] J. R. Gaillardet, and V. P. Singh. "Bivariate flood frequency analysis using the copula method". *J. Hydrol. Eng.* Vol. 11, pp. 150, 2006..

[23] M. El Yevre, S. El Adlouni, L. Perreault, N. Thiemonge, and B. Bobée. "Multivariate hydrological frequency analysis using copulas". *Water Resour. Res.* Vol. 40, no. 1, pp, W01101, 2004.

[24] J. R. Gaillardet, and M. Lang. "Use of a Gaussian copula for multivariate extreme value analysis: some case studies in hydrology". *Adv. Water Resour.* Vol. 30, no. 4, pp. 897–912, 2007.

[25] R. M. Streppa, Posada, and P. S. Eagleson. "Identification of independent rainstorms". *J. Hydrol.* Vol. 55, no. 3, pp. 303–319, 1982.

1. Daftar Pustaka yang digunakan atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:
 a. Penelitian yang menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 b. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 c. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 d. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 e. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 f. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 g. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 h. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 i. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 j. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 k. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 l. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 m. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 n. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 o. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 p. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 q. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 r. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 s. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 t. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 u. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 v. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 w. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 x. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 y. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
 z. Penelitian yang tidak menghasilkan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.

