

**Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang**

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:
  - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
  - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

## BAB IV

### HASIL DAN PEMBAHASAN

#### 4.1 Data Jenis Pupuk Tanaman Cabai

Kelompok wanita tani Sentosa Santul memproduksi cabai dengan luas lahan 2.500 m<sup>2</sup>. Pemupukan pada tanaman cabai tersebut dipakai empat jenis pupuk yaitu pupuk Hidrokopleks, pupuk Phonska, pupuk NPK Zamrud dan pupuk kandang Kambing. Dalam satu karung pupuk jenis Hidrokopleks terdapat 15% nitrogen, 9% fosfat, 20% kalium, 4% sulfur dan 52% unsur lainnya. Dalam satu karung pupuk jenis Phonska terdapat 15% nitrogen, 15% fosfat, 15% kalium, 10% sulfur dan 45% unsur lainnya. Dalam satu karung pupuk jenis NPK Zamrud terdapat 16% nitrogen, 16% fosfat, 16% kalium, 4% sulfur dan 48% unsur lainnya dan dalam satu karung pupuk jenis pupuk kandang Kambing terdapat 2% nitrogen, 1% fosfat, 1% kalium, 1% sulfur dan 95% unsur lainnya.

**Tabel 4.1 Jenis Pupuk Tanaman Cabai**

Jenis Pupuk	Jumlah	Kandungan	Unsur Hara	Per Karung	(%)
	Nitrogen	Phosfat	Kalium	Sulfur	Lainnya
Hidrokopleks	15%	9%	20%	4%	52%
Phonska	15%	15%	15%	10%	45%
NPK Zamrud	16%	16%	16%	4%	48%
Pupuk kandang Kambing	2%	1%	1%	1%	95%

Penelitian ini menggunakan 4 unsur utama yang dibutuhkan cabai yaitu nitrogen, fosfat, kalium dan sulfur. Setiap satu periode penanaman cabai memerlukan kandungan nitrogen paling sedikit 200%, fosfat paling sedikit 160%, kalium paling sedikit 220% dan sulfur paling sedikit 100%. Isi kandungan dari empat jenis pupuk tersebut akan dijelaskan di dalam tabel berikut :

**Tabel 4.2 Jenis Pupuk Tanaman Cabai yang Digunakan**

<b>Jenis Pupuk</b>	<b>Jumlah</b>	<b>Kandungan</b>	<b>Unsur Hara (%)</b>	<b>Per Karung</b>	<b>Harga Per Karung</b>
	<b>Nitrogen</b>	<b>Phosfat</b>	<b>Kalium</b>	<b>Sulfur</b>	
Hidrokompleks	15%	9%	20%	4%	Rp 225.000
Phonska	15%	15%	15%	10%	Rp 115.000
NPK Zamrud	16%	16%	16%	4%	Rp 115.000
Pupuk kandang Kambing	2%	1%	1%	1%	Rp 35.000
Kebutuhan Minimum	200%	160%	220%	100%	

Harga satu karung pupuk jenis Hidrokompleks Rp 225.000, harga satu karung pupuk jenis Phonska Rp 115.000, harga satu karung pupuk jenis NPK Zamrud Rp 115.000 dan harga satu karung pupuk jenis pupuk kandang Kambing Rp 35.000.

#### **4.2 Penyelesaian *Linear Programming* Menggunakan Metode *Cutting Plane***

Langkah-langkah dalam menyelesaikan permasalahan menggunakan metode *cutting plane* adalah sebagai berikut:

##### **Iterasi 0:**

1. Menyusun model program linier

- a. Menentukan variabel keputusan

$x_1$  : Jumlah pupuk jenis Hidrokompleks yang harus disediakan

$x_2$  : Jumlah pupuk jenis Phonska yang harus disediakan

$x_3$  : Jumlah pupuk jenis NPK Zamrud yang harus disediakan

$x_4$  : Jumlah pupuk jenis pupuk kandang Kambing yang harus disediakan

- b. Menentukan fungsi tujuan

$$\text{Min } z = 225000x_1 + 115000x_2 + 115000x_3 + 35000x_4 \quad (4.1)$$

- c. Menentukan fungsi kendala:

$$15x_1 + 15x_2 + 16x_3 + 2x_4 \geq 200$$

$$9x_1 + 15x_2 + 16x_3 + x_4 \geq 160$$

$$20x_1 + 15x_2 + 16x_3 + x_4 \geq 220$$

$$4x_1 + 10x_2 + 4x_3 + x_4 \geq 100$$

$$x_1, x_2, x_3, x_4 \geq 0$$

**Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang**

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:

- a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
- b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.

**Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang**

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:
  - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
  - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

2. Mengubah ke dalam bentuk standar.

Langkah pertama yang harus dilakukan adalah mengubah pembatas tanda  $\geq$  menjadi tanda  $\leq$  dengan mengalikan -1 pada setiap kendala. Setelah diperoleh pertidaksamaan dengan kendala bertanda  $\leq$ . Berikut Persamaannya:

$$\text{Min } z = 225000x_1 + 115000x_2 + 115000x_3 + 35000x_4 \quad (4.2)$$

Kendala

$$\begin{aligned} -15x_1 - 15x_2 - 16x_3 - 2x_4 &\leq -200 \\ -9x_1 - 15x_2 - 16x_3 - x_4 &\leq -160 \\ -20x_1 - 15x_2 - 16x_3 - x_4 &\leq -220 \\ -4x_1 - 10x_2 - 4x_3 - x_4 &\leq -100 \\ x_1, x_2, x_3, x_4 &\geq 0 \end{aligned}$$

Berdasarkan Persamaan (4.2), maka diperoleh bentuk standar sebagai berikut:

$$\text{Min } z = 225000x_1 + 115000x_2 + 115000x_3 + 35000x_4$$

Kendala

$$\begin{aligned} -15x_1 - 15x_2 - 16x_3 - 2x_4 + S_1 &= -200 \\ -9x_1 - 15x_2 - 16x_3 - x_4 + S_2 &= -160 \\ -20x_1 - 15x_2 - 16x_3 - x_4 + S_3 &= -220 \\ -4x_1 - 10x_2 - 4x_3 - x_4 + S_4 &= -100 \\ x_1, x_2, x_3, x_4, S_1, S_2, S_3, S_4 &\geq 0 \end{aligned} \quad (4.3)$$

3. Menentukan variabel basis dan nonbasis

Setelah dikonversikan ke dalam bentuk standar, selanjutnya akan ditentukan variabel basis dan variabel non basis. Untuk metode simpleks yang menjadi variabel basis adalah  $S_1, S_2, S_3$  dan  $S_4$ . Sedangkan yang menjadi variabel nonbasis adalah  $x_1, x_2, x_3$  dan  $x_4$ . Setelah ditentukan variabel basis dan variabel nonbasis, maka elemen-elemen yang ada pada Persamaan (4.3) dimasukkan ke dalam tabel awal simpleks berikut :

**Tabel 4.3 Awal Simpleks untuk Metode Dual Simpleks**

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	Solusi
$z$	-225000	-115000	-115000	-35000	0	0	0	0	0
$S_1$	-15	-15	-15	-2	1	0	0	0	-200

**Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang**

- Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:

- Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
- Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

$S_2$	-9	-15	-16	-1	0	1	0	0	-160
$S_3$	-20	-15	-16	-1	0	0	1	0	-220
$S_4$	-4	-10	-4	-1	0	0	0	1	-100

Berdasarkan Tabel 4.3 karena koefisien pada persamaan  $z$  bernilai negatif atau nol maka solusi sudah optimal. Akan tetapi solusi awalnya tidak fisibel karena nilai ruas kanan berharga negatif. Sehingga proses iterasi untuk mencari solusi optimal dilanjutkan.

**Iterasi 1:**

Karena langkah pertama dan kedua telah didapat dari iterasi 0, maka tidak perlu dicari lagi dan dapat dilanjutkan ke langkah berikutnya.

- Menentukan *leaving variable*

*Leaving variable* ditentukan dengan melihat nilai yang paling negatif dari kolom ruas kanan. Pada iterasi diatas, kolom ruas kanan yang mempunyai nilai paling negatif adalah  $S_3$ , maka  $S_3$  ( $= -220$ ) terpilih sebagai *leaving variable*.

- Menentukan *Entering variable*

*Entering variable* dipilih dari variabel nonbasis dengan cara membuat rasio antara koefisien persamaan  $z$  dengan koefisien yang berhubungan dengan *leaving variable*. Rasio dapat dilihat pada Tabel 4.4 berikut :

**Tabel 4.4 Rasio Metode Dual Simpleks**

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$
Koefisien $z$	-225.000	-115.000	-115.000	-35.000	0	0	0	0
koefisien $S_3$	-20	-15	-16	-1	0	0	1	0
Rasio	11250	7666.667	7187.5	35000				

Berdasarkan Tabel 4.4 dapat diketahui  $x_3$  terpilih sebagai *entering variable* berdasarkan rasio terkecil.

- Melakukan eliminasi Gauss-Jordan untuk mengubah tabel baru. Dapat dilihat pada Tabel 4.5.

6. Menghitung nilai baris  $z$  baru.

**Tabel 4.5 Iterasi 1 Metode Dual Simpleks**

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	Solusi
$z$	-81.250	$-\frac{14.375}{2}$	0	$-\frac{55.625}{2}$	0	0	$-\frac{14.375}{2}$	0	1.581.250
$S_1$	5	0	0	-1	1	0	-1	0	20
$S_2$	11	0	0	0	0	1	-1	0	60
$x_3$	$\frac{5}{4}$	$\frac{15}{16}$	1	$\frac{1}{16}$	0	0	$-\frac{1}{16}$	0	$\frac{55}{4}$
$S_4$	1	$-\frac{25}{4}$	0	$-\frac{3}{4}$	0	0	$-\frac{1}{4}$	1	-45

Berdasarkan Tabel 4.5 karena koefisien pada persamaan  $z$  bernilai negatif atau nol maka solusi sudah optimal. Akan tetapi solusi awalnya tidak fisibel karena nilai ruas kanan berharga negatif. Sehingga proses iterasi untuk mencari solusi optimal dilanjutkan.

### Iterasi 2:

Karena langkah pertama dan kedua telah didapat dari iterasi 0, maka tidak perlu dicari lagi dan dapat dilanjutkan ke langkah berikutnya.

#### 3. Menentukan *leaving variable*

*Leaving variable* ditentukan dengan melihat nilai yang paling negatif dari kolom ruas kanan. Pada iterasi diatas, kolom ruas kanan yang mempunyai nilai paling negatif adalah  $S_4$ , maka  $S_4$  ( $= -45$ ) terpilih sebagai *leaving variable*.

#### 4. Menentukan *Entering variable*

*Entering variable* dipilih dari variabel nonbasis dengan cara membuat rasio antara koefisien persamaan  $z$  dengan koefisien yang berhubungan dengan *leaving variable*. Rasio dapat dilihat pada Tabel 4.6 berikut :

- Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:

- Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.

- Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

Tabel 4.6 Rasio Metode Dual Simpleks

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$
Koefisien $z$	-81.250	$-\frac{14.375}{2}$	0	$-\frac{55.625}{2}$	0	0	$-\frac{14.375}{2}$	0
koefisien $S_4$	1	$-\frac{25}{4}$	0	$-\frac{3}{4}$	0	0	$-\frac{1}{4}$	1
Rasio	-81.250	1.150	-	37.083,3	-	-	28.750	0

Berdasarkan Tabel 4.6 dapat diketahui  $x_2$  terpilih sebagai *entering variable* berdasarkan rasio terkecil.

5. Melakukan eliminasi Gauss-Jordan untuk mengubah tabel baru. Dapat dilihat pada Tabel 4.7.
6. Menghitung nilai baris  $z$  baru.

Tabel 4.7 Iterasi 2 Metode Dual Simpleks

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	Solusi
$z$	-82.400	0	0	-26.950	0	0	-6.900	-1.150	1.633.000
$S_1$	5	0	0	-1	1	0	-1	0	20
$S_2$	11	0	0	0	0	1	-1	0	60
$x_3$	7 15	0	1	$-\frac{1}{20}$	0	0	$-\frac{1}{10}$	$\frac{3}{20}$	7
$x_2$	$-\frac{4}{25}$	1	0	$\frac{3}{25}$	0	0	$\frac{1}{25}$	$-\frac{4}{25}$	$\frac{36}{5}$

Berdasarkan Tabel 4.7, solusi optimal menggunakan dual simpleks telah diperoleh karena baris koefisien  $z$  sudah bernilai negatif atau nol dan solusi sudah fisibel karena ruas kanan bernilai positif, tetapi nilai variabel keputusan yaitu  $x_2$  bukanlah solusi integer. Solusi optimal yang didapat adalah:

$$x_2 = \frac{36}{5}, x_3 = 7, z = 1.633.000$$

Karena diinginkan solusi yang merupakan bilangan integer maka ditambah kendala gomory. Variabel yang berupa pecahan dapat dipilih untuk menjadi

Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:

- Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
- Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:

- a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
- b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.

2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

$$\begin{aligned} -x_1 + x_2 + \frac{3}{25}x_4 + \frac{1}{25}S_3 - \frac{4}{25}S_4 &= \frac{36}{5} \\ \left(-\frac{21}{25}\right)x_1 + x_2 + \left(0 + \frac{3}{25}\right)x_4 + \left(0 + \frac{1}{25}\right)S_3 + \left(-1 + \frac{21}{25}\right)S_4 &= 7 + \frac{1}{5} \end{aligned}$$

Maka kendala yang ditambahkan (*gomory*) pada iterasi berikutnya adalah :

$$\begin{aligned} \frac{21}{25}x_1 + \frac{3}{25}x_4 + \frac{1}{25}S_3 + \frac{21}{25}S_4 &\geq \frac{1}{5} \\ \frac{21}{25}x_1 + \frac{3}{25}x_4 + \frac{1}{25}S_3 + \frac{21}{25}S_4 - S_{g1} &= \frac{1}{5} \\ S_{g1} - \frac{21}{25}x_1 - \frac{3}{25}x_4 - \frac{1}{25}S_3 - \frac{21}{25}S_4 &= -\frac{1}{5} \\ S_{g1} - \frac{84}{100}x_1 - \frac{12}{100}x_4 - \frac{4}{100}S_3 - \frac{21}{100}S_4 &= -\frac{20}{100} \end{aligned} \tag{4.4}$$

Kemudian kendala baru setelah penambahan *gomory* dimasukkan ke dalam tabel simpleks sehingga diperoleh tabel simpleks baru sebagai berikut:

**Tabel 4.8 Setelah Penambahan Gomory 1**

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$S_{g1}$	Solusi
$z$	-82.400	0	0	-26.950	0	0	-6.900	-1.150	0	1.633.000
$S_1$	5	0	0	-1	1	0	-1	0	0	20
$S_2$	11	0	0	0	0	1	-1	0	0	60
$x_3$	$\frac{140}{100}$	0	1	$-\frac{5}{100}$	0	0	$-\frac{10}{100}$	$\frac{15}{100}$	0	7
$x_2$	$-\frac{16}{100}$	1	0	$\frac{12}{100}$	0	0	$\frac{4}{100}$	$-\frac{16}{100}$	0	$\frac{720}{100}$
$S_{g1}$	$-\frac{84}{100}$	1	0	$\frac{12}{100}$	0	0	$\frac{4}{100}$	$-\frac{84}{100}$	1	$-\frac{20}{100}$
$z$	-81.250	0	0	$-\frac{2.250.00}{84}$	0	0	$-\frac{575.000}{84}$	0	$-\frac{115.000}{84}$	$137.195.000$
$S_1$	5	0	0	-1	1	0	-1	0	0	20
$S_1$	11	0	0	0	0	1	-1	0	0	60
$x_3$	$\frac{105}{84}$	0	1	$-\frac{6}{84}$	0	0	$-\frac{9}{84}$	0	$\frac{15}{84}$	$\frac{585}{84}$
$x_2$	0	1	0	$\frac{12}{84}$	0	0	$\frac{4}{84}$	0	$-\frac{16}{84}$	$\frac{608}{84}$

$S_4$	1	0	0	$\frac{12}{84}$	0	0	$\frac{4}{84}$	1	$-\frac{100}{84}$	$\frac{20}{84}$
-------	---	---	---	-----------------	---	---	----------------	---	-------------------	-----------------

Berdasarkan Tabel 4.8, solusi optimal telah diperoleh karena baris koefisien  $z$  sudah bernilai negatif atau nol dan solusi sudah fisibel karena ruas kanan bernilai positif, tetapi nilai variabel keputusan  $x_2$  dan  $x_3$  belum solusi integer.

Solusi optimal yang didapat adalah:

$$x_2 = \frac{608}{84} = 7 + \frac{20}{84}, \quad x_3 = \frac{585}{84} = 6 + \frac{81}{84}, \quad z = \frac{137.195.000}{84}$$

Karena solusi yang diinginkan adalah bilangan *integer* maka ditambah kendala gomory lagi. Variabel yang berupa pecahan dapat dipilih untuk menjadi persamaan kendala baru. Dalam hal ini dipilih  $x_3$  karena mempunyai nilai pecahan terbesar dan berikut persamaannya :

$$\begin{aligned} \frac{105}{84}x_1 + x_3 - \frac{6}{84}x_4 - \frac{9}{84}S_3 + \frac{15}{84}S_{g1} &= \frac{585}{84} \\ \left(1 + \frac{21}{84}\right)x_1 + x_3 + \left(-1 + \frac{78}{84}\right)x_4 + \left(-1 + \frac{75}{84}\right)S_3 + \left(0 + \frac{15}{84}\right)S_{g1} &= 6 + \frac{81}{84} \end{aligned}$$

Maka kendala yang ditambahkan (*gomory*) pada iterasi berikutnya adalah :

$$\begin{aligned} \frac{21}{84}x_1 + \frac{78}{84}x_4 + \frac{75}{84}S_3 + \frac{15}{84}S_{g1} &\geq \frac{81}{84} \\ \frac{21}{84}x_1 + \frac{78}{84}x_4 + \frac{75}{84}S_3 + \frac{15}{84}S_{g1} - S_{g2} &= \frac{81}{84} \\ S_{g2} - \frac{21}{84}x_1 - \frac{78}{84}x_4 - \frac{75}{84}S_3 - \frac{15}{84}S_{g1} &= \frac{81}{84} \end{aligned} \tag{4.5}$$

Kemudian kendala baru setelah penambahan *gomory* dimasukkan ke dalam tabel simpleks sehingga diperoleh tabel simpleks baru sebagai berikut:

**Tabel 4.9 Setelah Penambahan Gomory 2**

Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$S_{g1}$	$S_{g2}$	Solusi
$z$	-81.250	0	0	$\frac{-2.250.000}{84}$	0	0	$\frac{-575.000}{84}$	0	$\frac{-115.000}{84}$	0	$\frac{137.195.000}{84}$
$S_1$	5	0	0	-1	1	0	-1	0	0	0	20
$S_2$	11	0	0	0	0	1	-1	0	0	0	60
$x_3$	$\frac{105}{84}$	0	1	$\frac{6}{84}$	0	0	$\frac{-9}{84}$	0	$\frac{15}{84}$	0	$\frac{585}{84}$
$x_2$	0	1	0	$\frac{12}{84}$	0	0	$\frac{4}{84}$	0	$\frac{-16}{84}$	0	$\frac{608}{84}$
$S_4$	1	0	0	$\frac{12}{84}$	0	0	$\frac{4}{84}$	1	$\frac{-100}{84}$	0	$\frac{20}{84}$
$S_{g2}$	$-\frac{21}{84}$	0	0	$\frac{-78}{84}$	0	0	$\frac{-75}{84}$	0	$-\frac{15}{84}$	1	$\frac{81}{84}$
$z$	$-\frac{1.190.000}{15}$	0	0	$-\frac{295.000}{15}$	0	0	0	0	0	$-\frac{115.000}{15}$	$\frac{24.610.000}{15}$
$S_1$	5	0	0	-1	1	0	-1	0	0	0	20
$S_2$	11	0	0	0	0	1	-1	0	0	0	60
$x_3$	1	0	1	-1	0	0	-1	0	0	1	6
$x_2$	$\frac{4}{15}$	1	0	$\frac{17}{15}$	0	0	1	0	0	$-\frac{16}{15}$	$\frac{124}{15}$
$S_4$	$\frac{40}{15}$	0	0	$\frac{95}{15}$	0	0	6	1	0	$-\frac{100}{15}$	$\frac{100}{15}$
$S_{g1}$	$\frac{21}{15}$	0	0	$\frac{78}{15}$	0	0	5	0	1	$-\frac{84}{15}$	$\frac{81}{15}$

Berdasarkan Tabel 4.9, solusi optimal telah diperoleh karena baris koefisien  $z$  sudah bernilai negatif atau nol dan solusi sudah fisibel karena ruas kanan bernilai positif, tetapi nilai variabel keputusan yaitu  $x_2$  bukanlah solusi integer. Solusi optimal yang didapat adalah:

$$x_2 = \frac{124}{15}, \quad x_3 = 6, \quad z = \frac{24.610.000}{15}$$

Karena solusi yang diinginkan adalah bilangan *integer* maka ditambah kendala *gomory* lagi. Variabel yang berupa pecahan dapat dipilih untuk menjadi

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:
  - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
  - b. Pengutipan tidak rugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

**Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang**

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:
  - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
  - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

persamaan kendala baru. Dalam hal ini dipilih  $x_2$ , karena  $x_2$  merupakan satu-satunya solusi yang bernilai pecahan dan berikut persamaannya :

$$\frac{4}{15}x_1 + x_2 + \frac{17}{15}x_4 + S_3 - \frac{16}{15}S_{g^2} = \frac{124}{15}$$

$$\left(0 + \frac{4}{15}\right)x_1 + x_2 + \left(1 + \frac{2}{15}\right)x_4 + (0+1)S_3 + \left(-2 + \frac{14}{15}\right)S_{g^2} = 8 + \frac{4}{15}$$

Maka kendala yang ditambahkan (*gomory*) pada iterasi berikutnya adalah :

$$\begin{aligned} \frac{4}{15}x_1 + \frac{2}{15}x_4 + S_3 + \frac{14}{15}S_{g^2} &\geq \frac{4}{15} \\ \frac{4}{15}x_1 + \frac{2}{15}x_4 + S_3 + \frac{14}{15}S_{g^2} - S_{g^3} &= \frac{4}{15} \\ S_{g^3} - \frac{4}{15}x_1 - \frac{2}{15}x_4 - S_3 - \frac{14}{15}S_{g^2} &= -\frac{4}{15} \end{aligned} \tag{4.6}$$

Kemudian kendala baru setelah penambahan *gomory* dimasukkan ke dalam tabel simpleks sehingga diperoleh tabel simpleks baru sebagai berikut:

**Tabel 4.10 Setelah Perambahan Gomory 3**

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$S_{g1}$	$S_{g2}$	$S_{g3}$	Solusi
$z$					0	0	0	0	0	$\frac{-115.000}{15}$	0	$\frac{24.610.000}{15}$
$S_1$	5	0	0	-1	1	0	-1	0	0	0	0	20
$S_2$	11	0	0	0	0	1	-1	0	0	0	0	60
$x_3$	1	1	-1	0	0	0	-1	0	0	1	0	6
$x_2$	4	0	$\frac{17}{15}$	0	0	0	1	0	0	$\frac{-16}{15}$	0	$\frac{124}{15}$
$S_4$	$\frac{40}{15}$	0	$\frac{95}{15}$	0	0	0	6	1	0	$\frac{-100}{15}$	0	$\frac{100}{15}$
$S_{g1}$	21	0	$\frac{78}{15}$	0	0	0	5	0	1	$\frac{-84}{15}$	0	$\frac{81}{15}$
$S_{g3}$	$-\frac{4}{15}$	0	0	$-\frac{2}{15}$	0	0	-1	0	0	$-\frac{14}{15}$	1	$-\frac{4}{15}$
$z$					0	0	$\frac{115.000}{14}$	0	0	0	$-\frac{115.000}{14}$	$\frac{23.000.000}{14}$
$S_1$	5	0	0	-1	1	0	-1	0	0	0	0	20
$S_2$	11	0	0	0	0	1	-1	0	0	0	0	60
$x_3$	10	1	$\frac{16}{14}$	0	0	0	$-\frac{29}{14}$	0	0	0	$\frac{15}{14}$	$\frac{80}{14}$

Lindungi Undang-Undang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mendantumkan daerah peninggalan yang wajar atau seluruh karya tulis ini bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

Penulis berikut menyatakan bahwa seluruh tulisan ini merupakan hasil penelitian, penulisan dan penyusunan sendiri. Penulis bertanggung jawab atas isi tulisan ini dan menjamin bahwa tulisan ini belum pernah dipublikasikan di media lain.

UIN SUSKA RIAU

		<b>UIN SUSKA RIAU</b>	<b>State Islamic University of Sultan Syarif Kasim Riau</b>	<b>Scripta milik UIN SUSKA RIAU</b>
$x_2$	$\frac{8}{14}$	$\frac{18}{14}$	0	0
$S_4$	$\frac{64}{14}$	$\frac{102}{14}$	0	0
$S_{g1}$	$\frac{3}{14}$	$6$	0	0
$S_{g2}$	$\frac{4}{14}$	$\frac{2}{14}$	0	0
$z$	$- \frac{1.190.000}{14}$	$- \frac{295.000}{15}$	0	0
$S_1$	$\frac{79}{15}$	$- \frac{13}{15}$	1	0
$S_2$	$\frac{169}{15}$	$\frac{2}{15}$	0	1
$x_3$	$\frac{19}{15}$	$- \frac{13}{15}$	0	0
$x_2$	0	1	0	0
$S_4$	$\frac{16}{15}$	$\frac{83}{15}$	0	0
$S_{g1}$	$\frac{1}{15}$	$\frac{68}{15}$	0	0
$S_3$	$- \frac{4}{15}$	$\frac{2}{15}$	0	1

**UIN SUSKA RIAU**  
**State Islamic University of Sultan Syarif Kasim Riau**  
**Scripta milik UIN SUSKA RIAU**

**Lindungi Undang-Undang**  
mengutip sebagian atau seluruh karya  
kepentingan pendidikan  
tipik hanya untuk kebutuhan  
tipik tidak merugikan  
mengumumkan dan memperbahayak

**UIN SUSKA RIAU**  
*atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.*

**Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang**

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:

- Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
- Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

Berdasarkan Tabel 4.10, solusi optimal telah diperoleh karena baris koefisien  $z$  sudah bernilai negatif atau nol dan solusi sudah fisibel karena ruas kanan bernilai positif, tetapi nilai variabel keputusan yaitu  $x_3$  bukanlah solusi *integer*. Solusi optimal yang didapat adalah:

$$x_2 = 8, \quad x_3 = \frac{94}{15} = 6 + \frac{4}{15}, \quad z = \frac{24.610.000}{15}$$

Karena solusi yang diinginkan adalah bilangan *integer* maka ditambah kendala *gomory* lagi. Variabel yang berupa pecahan dapat dipilih untuk menjadi persamaan kendala baru. Dalam hal ini dipilih  $x_3$ , karena  $x_3$  merupakan satu-satunya solusi yang bernilai pecahan dan berikut persamaannya:

$$\begin{aligned} \frac{19}{15}x_1 + x_3 - \frac{13}{15}x_3 + \frac{29}{15}S_{g2} - S_{g3} &= \frac{94}{15} \\ \left(1 + \frac{4}{15}\right)x_1 + x_3 + \left(-1 + \frac{2}{15}\right)x_4 + \left(1 + \frac{14}{15}\right)S_{g2} + (-1 + 0)S_{g3} &= 6 + \frac{4}{15} \end{aligned}$$

Maka kendala yang ditambahkan (*gomory*) pada iterasi berikutnya adalah :

$$\begin{aligned} \frac{4}{15}x_1 + \frac{2}{15}x_4 + \frac{14}{15}S_{g2} &\geq \frac{4}{15} \\ \frac{4}{15}x_1 + \frac{2}{15}x_4 + \frac{14}{15}S_{g2} - S_{g4} &= \frac{4}{15} \\ S_{g4} - \frac{4}{15}x_1 - \frac{2}{15}x_4 - \frac{14}{15}S_{g2} &= -\frac{4}{15} \end{aligned} \tag{4.7}$$

Kemudian kendala baru setelah penambahan *gomory* dimasukkan ke dalam tabel simpleks sehingga diperoleh tabel simpleks baru sebagai berikut:

Tabel 4.11 Setelah Perambahan Gomory 4

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$S_{g1}$	$S_{g2}$	$S_{g3}$	$S_{g4}$	Solusi
$z$					0	0	0	0	0	$\frac{-115.000}{15}$	0	0	$\frac{24.610.000}{15}$
$S_1$					1	0	0	0	0	$\frac{14}{15}$	-1	0	$\frac{304}{15}$
$S_2$					0	1	0	0	0	$\frac{14}{15}$	-1	0	$\frac{904}{15}$
$x_3$					0	0	0	0	0	$\frac{29}{15}$	-1	0	$\frac{94}{15}$
$x_2$					0	1	0	0	0	-2	1	0	8
$S_4$					0	$\frac{83}{15}$	0	0	0	$\frac{-184}{15}$	6	0	$\frac{76}{15}$
$S_{g1}$					0	$\frac{68}{15}$	0	0	0	$\frac{-154}{15}$	5	0	$\frac{61}{15}$
$S_3$					0	$\frac{2}{15}$	0	0	1	$\frac{14}{15}$	-1	0	$\frac{4}{15}$
$S_{g4}$					0	0	$\frac{-2}{15}$	0	0	$\frac{-4}{15}$	0	1	$\frac{-4}{15}$
$z$					0	$\frac{-260.000}{14}$	0	0	0	0	0	$\frac{-115.000}{14}$	$\frac{23.000.000}{14}$
$S_1$					0	$\frac{-1}{0}$	1	0	0	0	-1	1	20
$S_2$					0	0	0	1	0	0	-1	1	60

Scripta milik UIN SUSKA RIAU

Statamic University of Sultan Syarif

Sumber: laporan, penulisan kritik atau tinjauan su

lindungi Undang-Jurang

mengutip sebagian

ayat seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyertakan penghargaan yang wajar UIN Suska Riau.

Tipuan tidak merugikan kepentingan yang banyak sebagai jaminan atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin mengumumkan da

		$\frac{16}{14}$	0	0	0	0	0	0	-1	$\frac{29}{14}$	$\frac{80}{14}$
		$\frac{18}{14}$	0	0	0	0	0	0	1	$-\frac{30}{14}$	$\frac{120}{14}$
		$\frac{102}{14}$	0	0	0	1	0	0	6	$-\frac{184}{14}$	$\frac{120}{14}$
		$\frac{68}{15}$	0	0	0	0	1	0	5	-11	7
		$\frac{2}{15}$	0	0	1	0	0	0	-1	1	0
		$\frac{2}{14}$	0	0	0	0	0	1	0	$-\frac{15}{14}$	$\frac{4}{14}$
$x_3$	<b>ilindungi Undang-<u>U</u>ndang</b>	0	0	0	0	0	0	0	-1	$-\frac{30}{14}$	$\frac{120}{14}$
$x_2$		0	0	0	0	0	0	0	6	$-\frac{184}{14}$	$\frac{120}{14}$
$S_4$		0	0	0	0	0	1	0	5	-11	7
$S_{g1}$		0	0	0	0	0	0	0	-1	1	0
$S_3$		0	0	0	0	0	0	1	0	$-\frac{15}{14}$	$\frac{4}{14}$
$S_{g2}$		0	0	0	0	0	0	1	0	$-\frac{15}{14}$	$\frac{4}{14}$

**Ilindungi Undang-Undang**  
mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mercantumkan dan menyebutkan sumber:  
kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan su  
litipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.  
mengumumkan dan memperbahayak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

**Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang**

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:

- a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
- b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.

2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

Berdasarkan Tabel 4.11, solusi optimal telah diperoleh karena baris koefisien  $z$  sudah bernilai negatif atau nol dan solusi sudah fisibel karena ruas kanan bernilai positif, tetapi nilai variabel keputusan yaitu  $x_2$  dan  $x_3$  bukanlah solusi integer . Solusi optimal yang didapat adalah:

$$x_2 = \frac{120}{14} = 8 + \frac{4}{14}, \quad x_3 = \frac{80}{14} = 5 + \frac{10}{14}, \quad z = \frac{23.000.000}{14}$$

Karena solusi yang diinginkan adalah bilangan *integer* maka ditambah kendala *gomory* lagi. Variabel yang berupa pecahan dapat dipilih untuk menjadi persamaan kendala baru. Dalam hal ini dipilih  $x_3$  karena mempunyai nilai pecahan terbesar dan berikut persamaannya :

$$\begin{aligned} \frac{10}{14}x_1 + x_3 - \frac{16}{14}x_4 - S_{g3} + \frac{29}{14}S_{g4} &= \frac{80}{14} \\ \left(0 + \frac{10}{14}\right)x_1 + x_3 + \left(-2 + \frac{12}{14}\right)x_4 + (-1+0)S_{g3} + \left(2 + \frac{1}{14}\right)S_{g4} &= 5 + \frac{10}{14} \end{aligned}$$

Maka kendala yang ditambahkan (*gomory*) pada iterasi berikutnya adalah :

$$\begin{aligned} \frac{10}{14}x_1 + \frac{12}{14}x_4 + S_{g3} + \frac{1}{14}S_{g4} &\geq \frac{10}{14} \\ \frac{10}{14}x_1 + \frac{12}{14}x_4 + S_{g3} + \frac{1}{14}S_{g4} - S_{g5} &= \frac{10}{14} \\ S_{g5} - \frac{10}{14}x_1 - \frac{12}{14}x_4 - S_{g3} - \frac{1}{14}S_{g4} &= -\frac{10}{14} \end{aligned} \tag{4.8}$$

Kemudian kendala baru setelah penambahan *gomory* dimasukkan ke dalam tabel simpleks sehingga diperoleh tabel simpleks baru sebagai berikut:

**Tabel 4.12 Setelah Perambahan Gomory 5**

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$S_{g1}$	$S_{g2}$	$S_{g3}$	$S_{g4}$	$S_{g5}$	Solusi
$z$				$\frac{260.000}{14}$	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{115.000}{14}$	0	$\frac{23.000.000}{14}$
$S_1$	5	0	0	-1	1	0	0	0	0	0	-1	1	0	20
$S_2$	11	0	0	0	0	1	0	0	0	0	-1	1	0	60
$x_3$	10	1	0	$\frac{-16}{14}$	0	0	0	0	0	0	-1	$\frac{29}{14}$	0	$\frac{80}{14}$
$x_2$	8	0	0	$\frac{18}{14}$	0	0	0	0	0	0	1	$\frac{30}{14}$	0	$\frac{120}{14}$
$S_4$	64	0	0	$\frac{102}{14}$	0	0	0	1	0	0	6	$\frac{-184}{14}$	0	$\frac{120}{14}$
$S_{g1}$	$\frac{1}{15}$	0	0	$\frac{68}{15}$	0	0	0	0	1	0	5	$\frac{-11}{15}$	0	7
$S_3$	-	0	0	$\frac{2}{15}$	0	0	1	0	0	0	-1	1	0	0
$S_{g2}$	$\frac{4}{14}$	0	0	$\frac{2}{14}$	0	0	0	0	0	1	0	$\frac{15}{14}$	0	$\frac{4}{14}$
$S_{g5}$	$-\frac{10}{14}$	0	0	$-\frac{6}{14}$	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{1}{14}$	1	$-\frac{10}{14}$
$z$				0	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{80.000}{12}$	$-\frac{260.000}{12}$	$\frac{19.900.000}{12}$
$S_1$	70	0	1	0	0	0	0	0	0	0	-1	$\frac{13}{12}$	$-\frac{14}{12}$	$\frac{250}{12}$

**Lindungi Undang-Undang Pengutipan**  
mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan tesis tidak merugikan yang wajar atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Sultan Syarif Kasim Riau.



1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:
  - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
  - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

Berdasarkan Tabel 4.12, solusi optimal telah diperoleh karena baris koefisien  $z$  sudah bernilai negatif atau nol dan solusi sudah fisibel karena ruas kanan bernilai positif, tetapi nilai variabel keputusannya bukanlah solusi integer.

Solusi optimal yang didapat adalah:

$$x_2 = \frac{90}{12} = 7 + \frac{6}{12}, \quad x_3 = \frac{80}{12} = 6 + \frac{8}{12}, \quad x_4 = \frac{10}{12}, \quad z = \frac{19.900.000}{12}$$

Karena solusi yang diinginkan adalah bilangan *integer* maka ditambah kendala *gomory* lagi. Variabel yang berupa pecahan dapat dipilih untuk menjadi persamaan kendala baru. Dalam hal ini dipilih  $x_4$  karena mempunyai nilai pecahan terbesar dan berikut persamaannya :

$$\begin{aligned} \frac{10}{12}x_1 + x_4 + \frac{1}{12}S_{g4} - \frac{14}{12}S_{g5} &= \frac{10}{12} \\ \left(0 + \frac{10}{12}\right)x_1 + x_4 + \left(0 + \frac{1}{12}\right)S_{g4} + \left(-2 + \frac{10}{12}\right)S_{g5} &= \frac{10}{12} \end{aligned}$$

Maka kendala yang ditambahkan (*gomory*) pada iterasi berikutnya adalah :

$$\begin{aligned} \frac{10}{12}x_1 + \frac{1}{12}S_{g4} + \frac{10}{12}S_{g5} &\geq \frac{10}{12} \\ \frac{10}{12}x_1 + \frac{1}{12}S_{g4} + \frac{10}{12}S_{g5} - S_{g6} &= \frac{10}{12} \\ S_{g6} - \frac{10}{12}x_1 - \frac{1}{12}S_{g4} - \frac{10}{12}S_{g5} &= -\frac{10}{12} \end{aligned} \tag{4.9}$$

Kemudian kendala baru setelah penambahan *gomory* dimasukkan ke dalam tabel simpleks sehingga diperoleh tabel simpleks baru sebagai berikut:

**Tabel 4.13 Setelah Penambahan Gomory 6**

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$S_{g1}$	$S_{g2}$	$S_{g3}$	$S_{g4}$	$S_{g5}$	$S_{g6}$	Solusi	
$z$	- $\frac{740.000}{12}$	0	0	<b>JLN Suska Riau</b>	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{80.000}{12}$	$-\frac{260.000}{12}$	0	$\frac{19.900.000}{12}$	
$S_1$	$\frac{70}{12}$	0	0	<b>State Islamic</b>	1	0	0	0	0	0	-1	$\frac{13}{12}$	$-\frac{14}{12}$	0	$\frac{250}{12}$	
$S_2$	$\frac{11}{12}$	0	0	<b>JLN Suska Riau.</b>	0	1	0	0	0	0	-1	1	0	0	60	
$x_3$	$\frac{20}{12}$	1	0	<b>penitigan yang wajar</b>	0	0	0	0	0	0	-1	$\frac{26}{12}$	$-\frac{16}{12}$	0	$\frac{80}{12}$	
$x_2$	$-\frac{5}{12}$	0	0	<b>mempesankan</b>	0	0	0	0	0	0	1	$-\frac{27}{12}$	$\frac{18}{12}$	0	$\frac{90}{12}$	
$S_4$	$-\frac{18}{12}$	0	0	<b>atau sejumlah</b>	0	0	0	0	1	0	0	6	$-\frac{165}{12}$	$\frac{102}{12}$	0	$\frac{30}{12}$
$S_{g1}$	$-\frac{2}{12}$	0	0	<b>karya tulis ini</b>	0	0	0	0	0	1	0	5	$-\frac{138}{12}$	7	0	2
$S_3$	0	0	0	<b>dalam bentuk apapun</b>	0	0	1	0	0	0	-1	1	0	0	0	
$S_{g2}$	$\frac{2}{12}$	0	0	<b>menyebutkan dan menyusun la</b>	0	0	0	0	0	1	0	$-\frac{13}{12}$	$\frac{2}{12}$	0	$\frac{2}{12}$	
$x_4$	$\frac{10}{12}$	0	0	<b>pentingan pendidikan, penelitian</b>	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{1}{12}$	$-\frac{14}{12}$	0	$\frac{10}{12}$	
$S_{g6}$	$-\frac{10}{12}$	0	0	<b>atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan penulisan karya ilmiah,</b>	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{1}{12}$	$-\frac{10}{12}$	1	$-\frac{10}{12}$	

<i>z</i>														
<i>S</i> <sub>1</sub>		0	1	0	0	0	0	0	-1	12 10	0	-14 10	250 12	19.900.000 12
<i>S</i> <sub>2</sub>		0	0	1	0	0	0	0	-1	1	0	0	60	8
<i>x</i> <sub>3</sub>		0	0	0	0	0	0	0	-1	23 10	0	-16 10	8	6
<i>x</i> <sub>2</sub>		0	0	0	0	0	0	0	1	24 -10	0	18 10	-6	-5
<i>S</i> <sub>4</sub>		0	0	0	0	0	1	0	0	6	-146 -10	0	84 10	-5
<i>S</i> <sub>g1</sub>		0	1	0	0	0	0	1	0	5	-122 -10	0	0	0
<i>S</i> <sub>3</sub>		0	0	0	0	0	0	0	0	-1	1	0	0	0
<i>S</i> <sub>g2</sub>		0	0	0	0	0	0	0	0	0	-11 -10	0	2 10	0
<i>x</i> <sub>4</sub>		0	0	0	0	0	0	0	0	0	2 10	0	-14 10	2
<i>S</i> <sub>g5</sub>		1	0	0	0	0	0	0	0	0	1 10	1	-12 10	1
<i>z</i>		-5.390.000 146	0	0	0	0	-45.000 146	0	0	270.000 -146	0	0	4.255.000 -146	245.550.000 146
<i>S</i> <sub>1</sub>		902 146	0	1	0	0	12 146	0	0	74 -146	0	0	-82 146	3140 146

**UIN SUSKA RIAU**

Ilindungi Undang-Undang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa kepentingan pendidikan, penelitian dan karyanya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

		Scripta milik UIN Suska Riau													
		State Islamic University of Sultan Syarif													
		UIN SUSKA RIAU													
$S_2$	$\frac{1.500}{146}$	0	1	0	$\frac{10}{146}$	0	0	$-\frac{86}{146}$	0	0	$\frac{102}{146}$	$\frac{8.700}{146}$			
$x_3$	$\frac{208}{146}$	0	0	0	$\frac{46}{146}$	0	0	$-\frac{8}{146}$	0	0	$\frac{1}{146}$	$\frac{1.030}{146}$			
$x_2$	$-\frac{5}{146}$	0	0	0	$-\frac{24}{146}$	0	0	$\frac{2}{146}$	0	0	$\frac{18}{146}$	$\frac{1020}{146}$			
$S_{g4}$	$\frac{100}{146}$	0	0	0	$-\frac{10}{146}$	0	0	$-\frac{60}{146}$	1	0	$-\frac{102}{146}$	$\frac{60}{146}$			
$S_{g1}$	$-\frac{90}{146}$	0	0	0	$-\frac{122}{146}$	1	0	$-\frac{2}{146}$	0	0	$-\frac{18}{146}$	$\frac{2}{146}$			
$S_3$	$-\frac{100}{146}$	0	0	0	1	$\frac{10}{146}$	0	$-\frac{86}{146}$	0	0	$\frac{102}{146}$	$-\frac{60}{146}$			
$S_{g2}$	$\frac{110}{146}$	0	0	0	$-\frac{11}{146}$	0	1	$-\frac{66}{146}$	0	0	$-\frac{83}{146}$	$\frac{166}{146}$			
$x_4$	$\frac{272}{146}$	0	1	0	$\frac{2}{146}$	0	0	$\frac{12}{146}$	0	0	$-\frac{184}{146}$	$\frac{280}{146}$			
$S_{g5}$	$\frac{130}{146}$	0	0	0	$\frac{1}{146}$	0	0	$\frac{6}{146}$	0	1	$-\frac{165}{146}$	$\frac{140}{146}$			
$z$	$-\frac{2.990.000}{86}$	0	0	$-\frac{270.000}{86}$	$-\frac{45.000}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{2.695.000}{86}$	$144.750.000$			
$S_1$	$\frac{582}{86}$	1	0	$-\frac{74}{86}$	$\frac{2}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{100}{86}$	$\frac{1.880}{86}$			
$S_2$	$110$	0	1	-1	0	0	0	0	0	0	0	60			
$x_3$	$\frac{128}{86}$	1	0	$-\frac{8}{86}$	$\frac{26}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{10}{86}$	$\frac{610}{86}$			

Ilindungi Undang-Undang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa kepentingan pendidikan, penelitian dan antumkan dan menyebutkan sumber: karya imiah, penyusunan aporan, perulisan kritik atau tinjauan su tipuan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Riau.

mengumumkan dan memberitahukan apapun tanpa izin UIN Suska Riau.



- Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
- Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

Berdasarkan Tabel 4.13, solusi optimal telah diperoleh karena baris koefisien  $z$  sudah bernilai negatif atau nol dan solusi sudah fisibel karena ruas kanan bernilai positif, tetapi nilai variabel keputusannya bukanlah solusi integer.

Solusi optimal yang didapat adalah:

$$x_2 = \frac{600}{86} = 6 + \frac{84}{86}, x_3 = \frac{610}{86} = 7 + \frac{8}{86}, x_4 = \frac{160}{86} = 1 + \frac{74}{86}, z = \frac{144.750.000}{86}$$

Karena solusi yang diinginkan adalah bilangan *integer* maka ditambah kendala *gomory* lagi. Variabel yang berupa pecahan dapat dipilih untuk menjadi persamaan kendala baru. Dalam hal ini dipilih  $x_2$  karena mempunyai nilai pecahan terbesar dan berikut persamaannya :

$$\begin{aligned} -\frac{32}{86}x_1 + x_2 + \frac{2}{86}S_3 - \frac{14}{86}S_4 + \frac{12}{86}S_{g6} &= \frac{600}{86} \\ \left(-1 + \frac{54}{86}\right)x_1 + x_2 + \left(0 + \frac{2}{86}\right)S_3 + \left(-1 + \frac{72}{86}\right)S_4 + \left(0 + \frac{12}{86}\right)S_{g6} &= 6 + \frac{84}{86} \end{aligned}$$

Maka kendala yang ditambahkan (*gomory*) pada iterasi berikutnya adalah :

$$\begin{aligned} \frac{54}{86}x_1 + \frac{2}{86}S_3 + \frac{72}{86}S_4 + \frac{12}{86}S_{g6} &\geq \frac{84}{86} \\ \frac{54}{86}x_1 + \frac{2}{86}S_3 + \frac{72}{86}S_4 + \frac{12}{86}S_{g6} - S_{g7} &= \frac{84}{86} \\ S_{g7} - \frac{54}{86}x_1 - \frac{2}{86}S_3 - \frac{72}{86}S_4 - \frac{12}{86}S_{g6} &= -\frac{84}{86} \end{aligned} \tag{4.10}$$

Kemudian kendala baru setelah penambahan *gomory* dimasukkan ke dalam tabel simpleks sehingga diperoleh tabel simpleks baru sebagai berikut:

**Tabel 4.14 Setelah Perambahan Gomory 7**

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$S_{g1}$	$S_{g2}$	$S_{g3}$	$S_{g4}$	$S_{g5}$	$S_{g6}$	$S_{g7}$	Solusi
$z$	- $\frac{2.990.000}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{270.000}{86}$	$-\frac{45.000}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{2.695.000}{86}$	0	$\frac{144.750.000}{86}$
$S_1$	$\frac{582}{86}$	0	0	0	1	0	$-\frac{74}{86}$	$\frac{2}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{100}{86}$	0	$\frac{1.880}{86}$
$S_2$	$\frac{112}{86}$	0	0	0	0	1	-1	0	0	0	0	0	0	0	0	60
$x_3$	$\frac{128}{86}$	1	0	0	0	0	$-\frac{8}{86}$	$\frac{26}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{10}{86}$	0	$\frac{610}{86}$
$x_2$	$\frac{32}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{2}{86}$	$-\frac{14}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{12}{86}$	0	$\frac{600}{86}$
$S_{g4}$	$\frac{100}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{60}{86}$	$-\frac{10}{86}$	1	0	0	0	0	$-\frac{12}{86}$	0	$\frac{2}{86}$
$S_{g1}$	$-\frac{54}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{2}{86}$	$-\frac{72}{86}$	0	0	1	0	0	$-\frac{102}{86}$	0	$\frac{60}{86}$
$S_{g3}$	$\frac{100}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{146}{86}$	$-\frac{10}{86}$	0	1	0	0	0	$-\frac{95}{86}$	0	$\frac{66}{86}$
$S_{g2}$	$\frac{110}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{66}{86}$	$-\frac{22}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{100}{86}$	0	$\frac{160}{86}$
$x_4$	$\frac{152}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{12}{86}$	$\frac{2}{86}$	0	0	0	0	1	$-\frac{93}{86}$	0	$\frac{80}{86}$
$S_{g5}$	$\frac{76}{86}$	0	0	0	0	0	$-\frac{65}{86}$	$-\frac{1}{86}$	0	0	0	0	0	0	0	

Ilustrasi milik UIN SUSKA RIAU  
 Mengutip Undang-Undang  
 mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:  
 pentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan su  
 utipan tidak merugikan  
 mengumumkan dalam bentuk  
 atau seluruh  
 karya tulis ini dalam  
 jurnal  
 dalam bentuk  
 paparan tanpa izin UIN Suska Riau.

$S_{g7}$	$-\frac{54}{86}$	0	0	0	0	$\frac{2}{86}$	$\frac{72}{86}$	0	0	0	0	0	$\frac{12}{86}$	1	$-\frac{84}{86}$
$z$	$-34.375$	0	0	1	0	$-\frac{62}{72}$	0	0	0	0	0	$-\frac{84}{72}$	$\frac{2}{72}$	$\frac{1.572}{72}$	
$S_1$	$\frac{48}{72}$	0	0	0	1	$-\frac{7}{72}$	0	0	0	0	0	0	0	60	
$S_2$	$\frac{11}{72}$	0	1	0	0	$\frac{2}{72}$	0	0	0	0	0	$\frac{12}{72}$	$-\frac{14}{72}$	$\frac{516}{72}$	
$x_3$	$-\frac{99}{72}$	0	0	0	0	$-\frac{50}{72}$	0	0	0	1	0	$-\frac{84}{72}$	$-\frac{10}{72}$	$\frac{60}{72}$	
$x_2$	$-\frac{1}{72}$	0	0	0	0	$-\frac{122}{72}$	0	0	1	0	0	0	$-\frac{84}{72}$	$-\frac{10}{72}$	$\frac{60}{72}$
$S_{g4}$	$\frac{90}{72}$	0	0	0	0	$-\frac{55}{72}$	0	0	1	0	0	$-\frac{78}{72}$	$-\frac{11}{72}$	$\frac{66}{72}$	
$S_{g1}$	$0$	0	0	0	0	$\frac{10}{72}$	0	0	0	0	0	$-\frac{84}{72}$	$\frac{2}{72}$	$\frac{132}{72}$	
$S_{g3}$	$\frac{90}{72}$	0	0	0	0	$-\frac{5}{72}$	0	5	0	0	0	$-\frac{78}{72}$	$\frac{1}{72}$	$\frac{66}{72}$	
$S_{g2}$	$\frac{99}{72}$	0	0	0	0	$-\frac{2}{72}$	1	0	0	0	0	$-\frac{12}{72}$	$-\frac{86}{72}$	$\frac{84}{72}$	
$x_4$	$\frac{12}{72}$	0	0	0	0	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	
$S_{g5}$	$\frac{63}{72}$	0	0	0	0	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	
$S_4$	$\frac{54}{72}$	0	0	0	0	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	$-\frac{1}{72}$	

**Scripta milik UIN SUSKA Riau**

Bilindungi Undang-Undang mengutip sebagai sumber hanya untuk penitipan tidak merugi mengumumkan data.

0 seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber: 0 penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

**Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang**

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:

- Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
- Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

Berdasarkan Tabel 4.14, solusi optimal telah diperoleh karena baris koefisien  $z$  sudah bernilai negatif atau nol dan solusi sudah fisibel karena ruas kanan bernilai positif, tetapi nilai variabel keputusannya bukanlah solusi integer.

Solusi optimal yang didapat adalah:

$$x_2 = \frac{516}{72} = 7 + \frac{12}{72}, \quad x_3 = \frac{498}{72} = 6 + \frac{66}{72}, \quad x_4 = \frac{132}{72} = 1 + \frac{60}{72}, \quad z = 1.683.750$$

Karena solusi yang diinginkan adalah bilangan *integer* maka ditambah kendala *gomory* lagi. Variabel yang berupa pecahan dapat dipilih untuk menjadi persamaan kendala baru. Dalam hal ini dipilih  $x_3$  karena mempunyai nilai pecahan terbesar dan berikut persamaannya :

$$\begin{aligned} \frac{99}{72} + x_3 - \frac{7}{72}S_3 - \frac{6}{72}S_{g6} + \frac{13}{72}S_{g7} &= \frac{498}{72} \\ \left(1 + \frac{27}{72}\right)x_1 + x_3 + \left(-1 + \frac{65}{72}\right)S_3 + \left(-1 + \frac{66}{72}\right)S_{g6} + \left(0 + \frac{13}{72}\right)S_{g7} &= 6 + \frac{66}{72} \end{aligned}$$

Maka kendala yang ditambahkan (*gomory*) pada iterasi berikutnya adalah :

$$\begin{aligned} \frac{27}{72}x_1 + \frac{65}{72}S_3 + \frac{66}{72}S_{g6} + \frac{13}{72}S_{g7} &\geq \frac{66}{72} \\ \frac{27}{72}x_1 + \frac{65}{72}S_3 + \frac{66}{72}S_{g6} + \frac{13}{72}S_{g7} - S_{g8} &= \frac{66}{72} \\ S_{g8} - \frac{27}{72}x_1 - \frac{65}{72}S_3 - \frac{66}{72}S_{g6} - \frac{13}{72}S_{g7} &= -\frac{66}{72} \end{aligned} \tag{4.11}$$

Kemudian kendala baru setelah penambahan *gomory* dimasukkan ke dalam tabel simpleks sehingga diperoleh tabel simpleks baru sebagai berikut:

**Tabel 4.15 Setelah Perambahan Gomory 8**

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$S_{g1}$	$S_{g2}$	$S_{g3}$	$S_{g4}$	$S_{g5}$	$S_{g6}$	$S_{g7}$	$S_{g8}$	Solusi	
Z	-34.3333	0	0	0	0	0	-3.125	0	0	0	0	0	0	-31.250	-625	0	1.683.750	
$S_1$	$\frac{48}{72}$	0	1	0	0	0	$-\frac{62}{72}$	0	0	0	0	0	$-\frac{84}{72}$	$\frac{2}{72}$	0	$\frac{1.572}{72}$		
$S_2$	$\frac{11}{72}$	0	0	1	0	0	-1	0	0	0	0	0	0	0	0	60		
$x_3$	$\frac{99}{72}$	1	0	0	0	0	$-\frac{7}{72}$	0	0	0	0	0	$-\frac{6}{72}$	$\frac{13}{72}$	0	$\frac{498}{72}$		
$x_2$	$-\frac{18}{72}$	0	0	0	0	0	$\frac{2}{72}$	0	0	0	0	0	$\frac{12}{72}$	$-\frac{14}{72}$	0	$\frac{516}{72}$		
$S_{g4}$	$\frac{90}{72}$	0	0	0	0	0	$-\frac{50}{72}$	0	0	0	0	1	0	$-\frac{84}{72}$	$-\frac{10}{72}$	0	$\frac{60}{72}$	
$S_{g1}$	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	-1	0	1	
$S_{g3}$	$\frac{90}{72}$	0	0	0	0	0	$-\frac{122}{72}$	0	0	0	1	0	0	$-\frac{84}{72}$	$-\frac{10}{72}$	0	$\frac{60}{72}$	
$S_{g2}$	$\frac{99}{72}$	0	0	0	0	0	$-\frac{55}{72}$	0	0	1	0	0	0	$-\frac{78}{72}$	$-\frac{11}{72}$	0	$\frac{66}{72}$	
$x_4$	$\frac{12}{72}$	0	0	0	0	0	$\frac{10}{72}$	0	0	0	0	0	0	$-\frac{84}{72}$	$\frac{2}{72}$	0	$\frac{132}{72}$	
$S_{g5}$	$\frac{63}{72}$	0	0	0	0	0	$\frac{5}{72}$	0	0	0	0	0	1	$-\frac{78}{72}$	$\frac{1}{72}$	0	$\frac{66}{72}$	
$S_4$	$\frac{54}{72}$	0	0	0	0	0	$\frac{2}{72}$	1	5	0	0	0	0	$\frac{12}{72}$	$-\frac{86}{72}$	0	$\frac{84}{72}$	

**UIN SUSKA RIAU State Islamic University of Sultan Syarif Hidayah**  
 dilindungi Undang-Undang  
 mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:  
 peninggalan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan,  
 tipuan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.  
 mengumumkan dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

$S_{g8}$	$-\frac{27}{72}$	0	0	0	0	$-\frac{65}{72}$	0	0	0	0	0	$-\frac{66}{72}$	$-\frac{13}{72}$	1	$-\frac{66}{72}$
$z$	$-\frac{2.150.000}{65}$	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{1.825.000}{65}$	$-\frac{625}{19}$	$-\frac{225.000}{65}$	$\frac{109.650.000}{65}$
$S_1$	$\frac{462}{65}$	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	$-\frac{19}{65}$	$\frac{653}{3420}$	$-\frac{62}{65}$	$\frac{1476}{65}$
$S_2$	$\frac{742}{65}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{66}{65}$	$\frac{18}{95}$	$-\frac{72}{65}$	$\frac{3966}{65}$
$x_3$	$\frac{92}{65}$	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{1}{65}$	$\frac{1361}{6840}$	$-\frac{7}{65}$	$\frac{456}{65}$
$x_2$	$-\frac{1}{65}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{9}{65}$	$-\frac{683}{3420}$	$\frac{2}{65}$	$\frac{464}{65}$
$S_{g4}$	$\frac{100}{65}$	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	$-\frac{30}{65}$	$-\frac{5}{684}$	$-\frac{50}{65}$	$\frac{100}{65}$
$S_{g1}$	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	-1	0	1
$S_{g3}$	$\frac{127}{65}$	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	$\frac{36}{65}$	$\frac{623}{3420}$	$-\frac{122}{65}$	$\frac{166}{65}$
$S_{g2}$	$\frac{110}{65}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{20}{65}$	$-\frac{11}{1368}$	$-\frac{55}{65}$	$\frac{110}{65}$
$x_4$	$\frac{110}{65}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{85}{65}$	$\frac{1}{684}$	$\frac{10}{65}$	$\frac{110}{65}$
$S_{g5}$	$\frac{55}{65}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	$-\frac{75}{65}$	$\frac{1}{1368}$	$\frac{5}{65}$	$\frac{55}{65}$
$S_4$	$\frac{48}{65}$	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	$\frac{9}{65}$	$-\frac{4103}{3420}$	$\frac{2}{65}$	$\frac{74}{65}$

**Scipta milik UIN SUSKA RIAU**  
**State Islamic University of Sultan Syarif Hidayah**  
 dilindungi Undang-Undang  
 mengutip sebagian  
 seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:  
 dengan pengakuan dan menyetujui:  
 penelitian, perulisan  
 Dengan yang wajar UIN Suska Riau.  
 Perbahayak sebagian atau  
 seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

UIN SUSKA RIAU

$$-\frac{72}{65}$$

$$\frac{66}{65}$$

$$\frac{18}{95}$$

$$\frac{0}{0}$$

$$\frac{0}{0}$$

$$\frac{0}{0}$$

$$\frac{1}{0}$$

$$\frac{0}{0}$$

$$\frac{s_3}{0}$$

## State Islamic University of Sultan Syarif

cripta milik UIN Suska Riau

**Lindungi Undang-Undang**  
mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:  
0  
kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan su  
litipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.  
27  
65  
mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

**Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang**

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:

- Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
- Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

Berdasarkan Tabel 4.15, solusi optimal telah diperoleh karena baris koefisien  $z$  sudah bernilai negatif atau nol dan solusi sudah fisibel karena ruas kanan bernilai positif, tetapi nilai variabel keputusannya bukanlah solusi integer.

Solusi optimal yang didapat adalah:

$$x_2 = \frac{464}{65} = 7 + \frac{9}{65}, x_3 = \frac{456}{65} = 7 + \frac{1}{65}, x_4 = \frac{110}{65} = 1 + \frac{4}{65}, z = \frac{109.650.000}{65}$$

Karena solusi yang diinginkan adalah bilangan *integer* maka ditambah kendala *gomory* lagi. Variabel yang berupa pecahan dapat dipilih untuk menjadi persamaan kendala baru. Dalam hal ini dipilih  $x_4$  karena mempunyai nilai pecahan terbesar dan berikut persamaannya :

$$\begin{aligned} \frac{110}{65}x_1 + x_4 - \frac{85}{65}S_{g6} + \frac{1}{684}S_{g7} + \frac{10}{65}S_{g8} &= \frac{110}{65} \\ \left(1 + \frac{45}{65}\right)x_1 + x_3 + \left(-2 + \frac{45}{65}\right)S_{g6} + \left(0 + \frac{1}{684}\right)S_{g7} + \left(0 + \frac{10}{65}\right)S_{g8} &= 1 + \frac{45}{65} \end{aligned}$$

Maka kendala yang ditambahkan (*gomory*) pada iterasi berikutnya adalah :

$$\begin{aligned} \frac{45}{65}x_1 + \frac{45}{65}S_{g6} + \frac{1}{684}S_{g7} + \frac{10}{65}S_{g8} &\geq \frac{45}{65} \\ \frac{45}{65}x_1 + \frac{45}{65}S_{g6} + \frac{1}{684}S_{g7} + \frac{10}{65}S_{g8} - S_{g9} &= \frac{45}{65} \\ S_{g9} - \frac{45}{65}x_1 - \frac{45}{65}S_{g6} - \frac{1}{684}S_{g7} - \frac{10}{65}S_{g8} &= -\frac{45}{65} \end{aligned} \tag{4.12}$$

Kemudian kendala baru setelah penambahan *gomory* dimasukkan ke dalam tabel simpleks sehingga diperoleh tabel simpleks baru sebagai berikut:

**Tabel 4.16 Setelah Perambahan Gomory 9**

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$S_{g1}$	$S_{g2}$	$S_{g3}$	$S_{g4}$	$S_{g5}$	$S_{g6}$	$S_{g7}$	$S_{g8}$	$S_{g9}$	Solusi	
$z$					0	0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{1.825.000}{65}$	$\frac{625}{65}$	$\frac{225.000}{65}$	0	$\frac{109.650.000}{65}$	
$S_1$					$\frac{462}{65}$	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{19}{65}$	$\frac{653}{3420}$	$\frac{62}{65}$	0	$\frac{1476}{65}$		
$S_2$					$\frac{742}{65}$	0	1	0	0	0	0	0	$\frac{66}{65}$	$\frac{18}{95}$	$\frac{72}{65}$	0	$\frac{3966}{65}$		
$x_3$					$\frac{92}{65}$	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{1}{65}$	$\frac{1361}{6840}$	$\frac{7}{65}$	0	$\frac{456}{65}$		
$x_2$					$\frac{-17}{65}$	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{9}{65}$	$\frac{-683}{3420}$	$\frac{2}{65}$	0	$\frac{464}{65}$		
$S_{g4}$					$\frac{100}{65}$	0	0	0	0	0	0	1	0	$\frac{-30}{65}$	$\frac{-5}{684}$	$\frac{-50}{65}$	0	$\frac{100}{65}$	
$S_{g1}$					$\frac{0}{65}$	0	0	0	0	1	0	0	0	0	$-1$	0	0	1	
$S_{g3}$					$\frac{127}{65}$	0	0	0	0	0	0	1	$\frac{36}{65}$	$\frac{623}{3420}$	$\frac{-122}{65}$	0	$\frac{166}{65}$		
$S_{g2}$					$\frac{110}{65}$	0	0	0	0	0	1	0	$\frac{-20}{65}$	$\frac{-11}{1368}$	$\frac{-55}{65}$	0	$\frac{110}{65}$		
$x_4$					$\frac{110}{65}$	1	0	0	0	0	0	0	$\frac{-85}{65}$	$\frac{1}{684}$	$\frac{10}{65}$	0	$\frac{110}{65}$		
$S_{g5}$					$\frac{55}{65}$	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{-75}{65}$	$\frac{1}{1368}$	$\frac{5}{65}$	0	$\frac{55}{65}$		

Lindungi Undang-Undang  
mengutip sebagai berikut:  
Jika seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber.  
kepentingan pengidikan, pengetahuan, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan su  
tipan tidak merugikan, mengumumkan dan mempublikasikan.  
atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber.  
kepentingan pengidikan, pengetahuan, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan su  
tipan tidak merugikan, mengumumkan dan mempublikasikan.  
UIN SUSKA RIAU.

$S_4$	$\frac{48}{65}$	<b>Untuk</b> <b>kepentingan</b> <b>ikan-kepiting</b> <b>dan memperba</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>9</b>	<b><math>\frac{4103}{3420}</math></b>	<b><math>\frac{2}{65}</math></b>	<b>0</b>	<b><math>\frac{74}{65}</math></b>							
$S_3$	$\frac{27}{65}$	<b>Ratau Seluruh</b> <b>spagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tan</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>0</b>	<b><math>\frac{66}{65}</math></b>	<b><math>\frac{18}{95}</math></b>	<b><math>\frac{72}{65}</math></b>	<b>0</b>	<b><math>\frac{66}{65}</math></b>						
$S_{g9}$	$-\frac{45}{65}$	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b><math>-\frac{45}{65}</math></b>	<b><math>-\frac{1}{684}</math></b>	<b><math>-\frac{10}{65}</math></b>	<b>1</b>	<b><math>-\frac{45}{65}</math></b>
$z$	$-17.500$	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>-12.500</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>-22.500</b>	<b>1.702.500</b>
$S_1$	$\frac{114}{10}$	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>4</b>	<b><math>\frac{2}{10}</math></b>	<b>0</b>	<b><math>-\frac{62}{10}</math></b>	<b>27</b>									
$S_2$	$\frac{164}{10}$	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>6</b>	<b><math>\frac{2}{10}</math></b>	<b>0</b>	<b><math>-\frac{72}{10}</math></b>	<b>66</b>								
$x_3$	$\frac{19}{10}$	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b><math>\frac{5}{10}</math></b>	<b><math>\frac{2}{10}</math></b>	<b>0</b>	<b><math>-\frac{7}{10}</math></b>	<b><math>\frac{75}{10}</math></b>
$x_2$	$-\frac{4}{10}$	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b><math>-\frac{2}{10}</math></b>	<b>0</b>	<b><math>\frac{2}{10}</math></b>	<b>7</b>
$S_{g4}$	<b>5</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>3</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>-5</b>	<b>5</b>
$S_{g1}$	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>-1</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>						
$S_{g3}$	$\frac{104}{10}$	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>9</b>	<b><math>\frac{2}{10}</math></b>	<b>0</b>	<b><math>-\frac{102}{10}</math></b>	<b>11</b>
$S_{g2}$	$\frac{55}{10}$	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b><math>\frac{14}{10}</math></b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b><math>-\frac{55}{10}</math></b>	<b><math>\frac{55}{10}</math></b>
$x_4$	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>-2</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>1</b>									

$S_{g5}$	$\frac{5}{10}$	0	0	0	0	0	0	0	0	1	$-\frac{15}{10}$	0	0	$\frac{5}{10}$	$\frac{5}{10}$
$S_4$	$\frac{6}{10}$	0	0	0	1	0	0	0	0	0	$-\frac{12}{10}$	0	$\frac{2}{10}$	1	
$S_3$	$\frac{54}{10}$	0	0	1	0	0	0	0	0	0	6	$\frac{2}{10}$	0	$-\frac{72}{10}$	6
$S_{g8}$	$\frac{18}{10}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{18}{10}$	$\frac{13}{1368}$	1	$-\frac{26}{10}$	$\frac{18}{10}$

mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber: tipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinj utipan tidak mengikat kepentingan yang wajib UIN Suska Riau.

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:

- Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
- Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

Berdasarkan Tabel 4.16, solusi optimal telah diperoleh karena baris koefisien  $z$  sudah bernilai negatif atau nol dan solusi sudah fisibel karena ruas kanan bernilai positif, tetapi nilai variabel keputusannya bukanlah solusi integer.

Solusi optimal yang didapat adalah:

$$x_2 = 7, \quad x_3 = \frac{75}{10} = 7 + \frac{5}{10}, \quad x_4 = 1, \quad z = 1.702.500$$

Karena solusi yang diinginkan adalah bilangan *integer* maka ditambah kendala *gomory* lagi. Variabel yang berupa pecahan dapat dipilih untuk menjadi persamaan kendala baru. Dalam hal ini dipilih  $x_3$ , karena  $x_3$  merupakan satu-satunya solusi yang bernilai pecahan dan berikut persamaannya:

$$\begin{aligned} \frac{19}{10}x_1 + x_3 + \frac{5}{10}S_{g6} + \frac{2}{10}S_{g7} - \frac{7}{10}S_{g9} &= \frac{75}{10} \\ \left(1 + \frac{9}{10}\right)x_1 + x_3 + \left(0 + \frac{5}{10}\right)S_{g6} + \left(0 + \frac{2}{10}\right)S_{g7} + \left(-1 + \frac{3}{10}\right)S_{g9} &= 7 + \frac{5}{10} \end{aligned}$$

Maka kendala yang ditambahkan (*gomory*) pada iterasi berikutnya adalah :

$$\begin{aligned} \frac{9}{10}x_1 + \frac{5}{10}S_{g6} + \frac{2}{10}S_{g7} + \frac{3}{10}S_{g9} &\geq \frac{5}{10} \\ \frac{9}{10}x_1 + \frac{5}{10}S_{g6} + \frac{2}{10}S_{g7} + \frac{3}{10}S_{g9} - S_{g10} &= \frac{5}{10} \\ S_{g10} - \frac{9}{10}x_1 - \frac{5}{10}S_{g6} - \frac{2}{10}S_{g7} - \frac{3}{10}S_{g9} &= -\frac{5}{10} \end{aligned} \tag{4.13}$$

Kemudian kendala baru setelah penambahan *gomory* dimasukkan ke dalam tabel simpleks sehingga diperoleh tabel simpleks baru sebagai berikut:

Tabel 4.17 Setelah Perambahan Gomory 10

BV	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$S_{g1}$	$S_{g2}$	$S_{g3}$	$S_{g4}$	$S_{g5}$	$S_{g6}$	$S_{g7}$	$S_{g8}$	$S_{g9}$	$S_{g10}$	Solusi
$z$	-17.500				0	0	0	0	0	0	0	0	-12.500	0	0	-22.500	0	1.702.500	
$S_1$		$\frac{114}{10}$			0	0	0	0	0	0	0	0	4	$\frac{2}{10}$	0	$-\frac{62}{10}$	0	66	
$S_2$		$\frac{164}{10}$			0	1	0	0	0	0	0	0	6	$\frac{2}{10}$	0	$-\frac{72}{10}$	0	$\frac{75}{10}$	
$x_3$		$\frac{19}{10}$			0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{5}{10}$	$\frac{2}{10}$	0	$-\frac{7}{10}$	0	7	
$x_2$		$-\frac{4}{10}$			0	0	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{2}{10}$	0	$\frac{2}{10}$	0	5	
$S_{g4}$					5	0	0	0	0	0	0	1	0	3	0	0	-5	0	1
$S_{g1}$					0	0	0	0	0	1	0	0	0	-1	0	0	0	0	11
$S_{g3}$					0	0	0	0	0	0	0	1	0	9	$\frac{2}{10}$	0	$-\frac{102}{10}$	0	$\frac{166}{65}$
$S_{g2}$					0	0	0	0	0	0	1	0	0	$\frac{14}{10}$	0	0	$-\frac{55}{10}$	0	$\frac{110}{65}$
$x_4$					1	0	0	0	0	0	0	0	-2	0	0	1	0	1	
$S_{g5}$					0	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{15}{10}$	0	0	$\frac{5}{10}$	0	$\frac{5}{10}$	
$S_4$					0	0	0	1	0	0	0	0	0	$-\frac{12}{10}$	0	$\frac{2}{10}$	0	1	

UIN Suska Riau.

$S_3$	$\frac{54}{10}$	0	0	1	0	0	0	0	0	0	6	$\frac{2}{10}$	0	$-\frac{72}{10}$	0	6	
$S_{g8}$	$\frac{18}{10}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{18}{10}$	$\frac{13}{1368}$	1	$-\frac{26}{10}$	0	$\frac{18}{10}$	
$S_{g10}$	$-\frac{9}{10}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{5}{10}$	$-\frac{2}{10}$	0	$-\frac{3}{10}$	1	$-\frac{5}{10}$	
$z$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{25.000}{9}$	$\frac{35.000}{9}$	0	$-\frac{150.000}{9}$	$-\frac{175.000}{9}$	$\frac{15.410.000}{9}$	
$S_1$	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{21}{9}$	$-\frac{21}{9}$	0	-10	$\frac{114}{9}$	$\frac{186}{9}$	
$S_2$	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{28}{9}$	$-\frac{31}{9}$	0	$-\frac{114}{9}$	$\frac{164}{9}$	$\frac{512}{9}$	
$x_3$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{5}{9}$	$-\frac{2}{9}$	0	$-\frac{12}{9}$	$\frac{19}{9}$	$\frac{58}{9}$	
$x_2$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{2}{9}$	$-\frac{1}{9}$	0	$\frac{3}{9}$	$-\frac{4}{9}$	$\frac{65}{9}$	
$S_{g4}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	$\frac{2}{9}$	$-\frac{10}{9}$	0	$-\frac{60}{9}$	$\frac{50}{9}$	$\frac{20}{9}$
$S_{g1}$	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	-1	0	0	0	1	
$S_{g3}$	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	$\frac{29}{9}$	$-\frac{19}{9}$	0	$-\frac{141}{10}$	$\frac{104}{9}$	$\frac{47}{9}$
$S_{g2}$	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	$\frac{4}{9}$	$-\frac{11}{9}$	0	$-\frac{66}{9}$	$\frac{55}{9}$	$\frac{22}{9}$
$x_4$	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	$-\frac{23}{9}$	$-\frac{2}{9}$	0	$\frac{6}{9}$	$\frac{10}{9}$	$\frac{4}{9}$	

$S_{g5}$	0	0	0	0	0	0	0	0	1	$-\frac{16}{9}$	$-\frac{1}{9}$	0	$\frac{3}{9}$	$\frac{5}{9}$	$\frac{2}{9}$	
$S_4$	0	0	0	1	0	0	0	0	0	$\frac{3}{9}$	$-\frac{12}{9}$	0	0	$\frac{6}{9}$	$\frac{6}{9}$	
$S_3$	0	0	1	0	0	0	0	0	0	3	-1	0	-9	6	3	
$S_{g8}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	$-\frac{1.355}{1.368}$	1	$-\frac{31}{12}$	5	2	
$x_1$	1	0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{5}{9}$	$\frac{2}{9}$	0	$\frac{3}{9}$	$-\frac{10}{9}$	$-\frac{3}{9}$	
$z$	-17.500	0	0	0	0	0	0	0	0	-12.500	0	0	-22.500	0	1.702.500	
$S_1$	$\frac{21}{2}$	0	1	0	0	0	0	0	0	$\frac{7}{2}$	0	0	$-\frac{137}{2}$	1	$\frac{53}{2}$	
$S_2$	$\frac{31}{2}$	0	0	1	0	0	0	0	0	$\frac{11}{2}$	0	0	$-\frac{15}{2}$	1	$\frac{131}{2}$	
$x_3$	1	0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{9}{2}$	0	0	-1	1	7	
$x_2$	$\frac{1}{2}$	1	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{1}{2}$	0	0	$\frac{1}{2}$	-1	$\frac{15}{2}$	
$S_{g4}$	5	0	0	0	0	0	0	0	1	3	0	0	-5	0	5	
$S_{g1}$	$\frac{9}{2}$	0	0	0	1	0	0	0	0	$\frac{5}{2}$	0	0	$\frac{3}{2}$	-5	$\frac{7}{2}$	
$S_{g3}$	$\frac{19}{2}$	0	0	0	0	0	0	1	0	$\frac{17}{2}$	0	0	$-\frac{25}{2}$	1	$\frac{21}{2}$	

**Scripta milik UIN SUSKA Riau**

**State Islamic University of Sultan Syarif Kasim Riau**

Berdasarkan ketentuan yang wajib seluruh karya tulis di UIN SUSKA Riau, penuliskan karya ilmiah, perbaikan laporan, penulisan kritik atau tinjauan saran dan menyelesaikan tesis tidak merugikan kepentingan penerbit, penulis dan pihak ketiga. Selain itu, penuliskan karya ilmiah, perbaikan laporan, penulisan kritik atau tinjauan saran mengumumkan dan memperbaik sebagian undang-undang.

$S_{g2}$	$\frac{11}{2}$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$1$	$0$	$0$	$0$	$\frac{7}{2}$	$0$	$0$	$-\frac{11}{2}$	$0$	$\frac{11}{2}$
$x_4$	$1$	$1$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$-2$	$0$	$0$	$1$	$0$	$1$
$S_{g5}$	$\frac{1}{2}$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$1$	$-\frac{3}{2}$	$0$	$0$	$\frac{1}{2}$	$0$	$\frac{1}{2}$
$S_4$	$6$	$0$	$0$	$0$	$1$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$3$	$0$	$0$	$2$	$-6$	$4$
$S_3$	$\frac{9}{2}$	$0$	$0$	$1$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$\frac{11}{2}$	$0$	$0$	$-\frac{15}{2}$	$1$	$\frac{11}{2}$
$S_{g8}$	$\frac{1355}{304}$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$\frac{12.247}{2.736}$	$0$	$1$	$-\frac{1001}{912}$	$\frac{65}{1.368}$	$\frac{12.247}{2.736}$
$S_{g7}$	$\frac{9}{2}$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$0$	$\frac{5}{2}$	$1$	$0$	$\frac{3}{2}$	$-5$	$\frac{5}{2}$

**Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang**

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:

- Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
- Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.

Berdasarkan Tabel 4.17, solusi optimal telah diperoleh karena baris koefisien  $z$  sudah bernilai negatif atau nol dan solusi sudah fisibel karena ruas kanan bernilai positif, tetapi nilai variabel keputusannya bukanlah solusi integer.

Solusi optimal yang didapat adalah:

$$x_2 = \frac{15}{2} = 7 + \frac{1}{2}, \quad x_3 = 7, \quad x_4 = 1, \quad z = 1.702.500$$

Karena solusi yang diinginkan adalah bilangan *integer* maka ditambah kendala *gomory* lagi. Variabel yang berupa pecahan dapat dipilih untuk menjadi persamaan kendala baru. Dalam hal ini dipilih  $x_2$  karena  $x_2$  merupakan satu-satunya solusi yang bernilai pecahan dan berikut persamaannya:

$$\begin{aligned} \frac{1}{2}x_1 + x_2 + \frac{1}{2}S_{g6} + \frac{1}{2}S_{g9} - S_{g10} &= \frac{15}{2} \\ \left(0 + \frac{1}{2}\right)x_1 + x_2 + \left(0 + \frac{1}{2}\right)S_{g6} + (-1 + 0)S_{g10} &= 7 + \frac{1}{2} \end{aligned}$$

Maka kendala yang ditambahkan (*gomory*) pada iterasi berikutnya adalah :

$$\begin{aligned} \frac{1}{2}x_1 + \frac{1}{2}S_{g6} + \frac{1}{2}S_{g9} &\geq \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2}x_1 + \frac{1}{2}S_{g6} + \frac{1}{2}S_{g9} - S_{g11} &= \frac{1}{2} \\ S_{g11} - \frac{1}{2}x_1 - \frac{1}{2}S_{g6} - \frac{1}{2}S_{g9} &= -\frac{1}{2} \end{aligned} \tag{4.14}$$

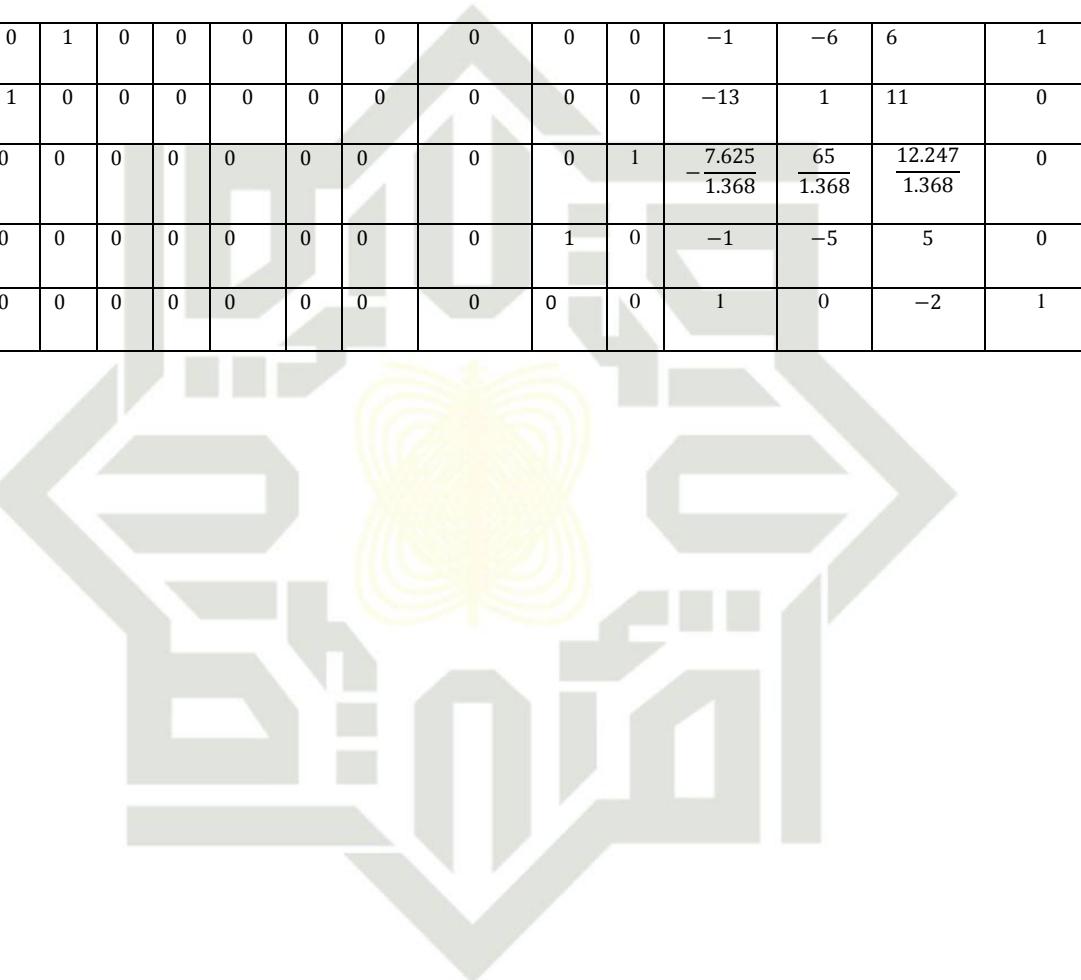
Kemudian kendala baru setelah penambahan *gomory* dimasukkan ke dalam tabel simpleks sehingga diperoleh tabel simpleks baru sebagai berikut:

**Tabel 4.18 Setelah Penambahan Gomory 11**

BV	$x_3$	$x_4$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$S_{g1}$	$S_{g2}$	$S_{g3}$	$S_{g4}$	$S_{g5}$	$S_{g6}$	$S_{g7}$	$S_{g8}$	$S_{g9}$	$S_{g10}$	$S_{g11}$	Solusi
Z	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-12.500	0	0	-22.500	0	0	1.702.500
$S_1$	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{7}{2}$	0	0	$-\frac{137}{2}$	1	0	$\frac{53}{2}$
$S_2$	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{11}{2}$	0	0	$-\frac{15}{2}$	1	0	$\frac{131}{2}$
$x_3$	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{9}{2}$	0	0	-1	1	0	7
$x_2$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{1}{2}$	0	0	$\frac{1}{2}$	-1	0	$\frac{15}{2}$
$S_{g4}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	$\frac{5}{2}$	0	0	-5	0	0	5
$S_{g1}$	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	$\frac{17}{2}$	0	0	$\frac{3}{2}$	-5	0	$\frac{7}{2}$
$S_{g3}$	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	$\frac{7}{2}$	0	0	$-\frac{25}{2}$	1	0	$\frac{21}{2}$
$S_{g2}$	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	-2	0	0	$-\frac{11}{2}$	0	0	$\frac{11}{2}$
$x_4$	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	$-\frac{3}{2}$	0	0	$\frac{1}{2}$	0	0	1
$S_{g5}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	0	0	2	-6	0	4
$S_4$	6	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0							

Lindungi Undang-Undang  
mengutip sebagai berikut:  
Ketentuan dan syarat  
kepemilikan dan menyebutkan  
kepemilikan dan menyebutkan  
karya tulis ini tanpa mencantumkan  
pembentukan dan menyebutkan  
pendidikan, penelitian, penulisan  
karya tulis ini tanpa mencantumkan  
penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan su-  
ditipan tidak merugikan.  
mengumumkan dalam bentuk apa pun tanpa izin  
atau seluruh karya tulis ini  
dalam bentuk apa pun tanpa izin  
UIN Suska Riau.

$S_3$	Ratau ke karya menambah an	Indang kepentingan pendidikan kebangsaan yang varia-	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	$\frac{11}{2}$	0	0	$-\frac{15}{2}$	1	0	$\frac{11}{2}$
$S_{g8}$	seleluhnya diketahui perbaikannya	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{12.247}{2.736}$	0	1	$-\frac{1001}{912}$	$\frac{65}{1.368}$	0	$\frac{12.247}{2.736}$	
$S_{g7}$	kan ke perbaikannya	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$\frac{5}{2}$	1	0	$\frac{3}{2}$	-5	0	$\frac{5}{2}$	
$S_{g11}$	ke perbaikannya	$-\frac{1}{2}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	$-\frac{1}{2}$	0	0	$-\frac{1}{2}$	0	1	$-\frac{1}{2}$	
$z$	rencana mencari rumah dengan harga 5.000.000	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-100.000	0	-25.000	1.715.000	
$S_1$	UIN Suska Riau.	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-10	1	7	23	
$S_2$	UIN Suska Riau.	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-13	1	11	60	
$x_3$	Karya tulis seluruh karya	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-1	1	0	7	
$x_2$	Karya tulis seluruh karya	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	7	
$S_{g4}$	ini dalam bentuk apapun tanpa	2	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	-8	0	6	2	
$S_{g1}$	ini dalam bentuk apapun tanpa	2	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	-1	-5	5	1	
$S_{g3}$	ini dalam bentuk apapun tanpa	1	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	-21	1	17	2	
$S_{g2}$	apapun tanpa	2	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	-9	0	7	2	
$x_4$	apapun tanpa	3	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	0	-4	3	
$S_{g5}$	apapun tanpa	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	2	0	-3	2	



## State Islamic University of Sultan Syarif

**Scripta milik UIN Suska Riau**

**milidungi Undang-Undang**  
mengutip sebagai berikut:  
semua karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:

$S_4$	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	-1	-6	6	1	0
$S_3$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	-13	1	11	0	0
$S_{g8}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	$\frac{7.625}{1.368}$	$\frac{65}{1.368}$	$\frac{12.247}{1.368}$	0	0
$S_{g7}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	-1	-5	5	0	0
$S_{g6}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	-2	1	0

Berdasarkan Tabel 4.18 karena pada baris koefisien  $z$  sudah bernilai negatif atau nol, variabel-variabel basis bernilai positif atau nol dan semua nilai pada ruas kanan juga sudah bernilai positif yang berupa bilangan bulat. Maka solusi optimal dengan metode cutting plane telah diperoleh. Dan disajikan dalam tabel berikut :

**Tabel 4.19 Solusi Optimum**

Variabel Keputusan	Nilai Optimum
$z$	1.715.000
$x_2$	7
$x_3$	7
$x_4$	3

Berdasarkan Tabel 4.19, dapat disimpulkan bahwa kelompok wanita tani (KWT) Sentosa Santul harus menyediakan pupuk jenis Phonska sebanyak 7 karung, pupuk jenis NPK Zamrud sebanyak 7 karung dan pupuk jenis pupuk kandang kambing sebanyak 3 unit dengan biaya minimum sebesar Rp. 1.715.000

Hak Cipta Dilindungi Undang-Undang  
 1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber:

- a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.
- b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar UIN Suska Riau.

2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin UIN Suska Riau.